# 摘要

# Abstract

# 目錄

[摘要 i](#_Toc162860131)

[Abstract ii](#_Toc162860132)

[目錄 iii](#_Toc162860133)

[圖目錄 iv](#_Toc162860134)

[表目錄 vi](#_Toc162860135)

[第1章 緒論 1](#_Toc162860136)

[第2章 模型符號介紹與相關文獻回顧 2](#_Toc162860137)

[2.1 符號定義 2](#_Toc162860138)

[2.2 相關文獻回顧 4](#_Toc162860139)

[第3章 使用動差法估計共同物種數 16](#_Toc162860140)

[3.1 取後放回之抽樣方法的估計方式 16](#_Toc162860141)

[3.2 取後不放回之抽樣方法的估計方式 20](#_Toc162860142)

[第4章 模擬研究與討論 28](#_Toc162860143)

[4.1 估計式整理 28](#_Toc162860144)

[4.2 模型模擬設定 32](#_Toc162860145)

[4.3 表格中名詞定義 34](#_Toc162860146)

[4.4 取後放回的模擬結果 35](#_Toc162860147)

[4.5 取後不放回與取後放回的模擬結果比較 40](#_Toc162860148)

[4.6 真實資料模擬 47](#_Toc162860149)

[4.7 討論 53](#_Toc162860150)

[第5章 實例分析 54](#_Toc162860151)

[5.1 紅杉國家公園內苔蘚資料 54](#_Toc162860152)

[第6章 結論與後續研究 65](#_Toc162860153)

[參考文獻 66](#_Toc162860154)

[附錄 67](#_Toc162860155)

# 圖目錄

[Figure 4.1 群落一為同質模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的AVG Estimate (左圖) 與RMSE (右圖)估計結果。400，300。 36](#_Toc162860156)

[Figure 4.2兩群落皆為均勻模型之情況下的AVG Estimate (左圖) 與RMSE (右圖)估計結果。400，300。 37](#_Toc162860157)

[Figure 4.3群落一為均勻模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的AVG Estimate (左圖) 與RMSE (右圖)估計結果。400，300。 38](#_Toc162860158)

[Figure 4.4 群落一為Broken-stick模型，群落二為對數常數模型之情況下的AVG Estimate (左圖) 與RMSE (右圖)估計結果。400，300。 39](#_Toc162860159)

[Figure 4.5 群落一為同質模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的AVG Estimate (左圖) 與RMSE (右圖)估計結果。400，300。 45](#_Toc162860160)

[Figure 4.6兩群落皆為均勻模型之情況下的AVG Estimate (左圖) 與RMSE (右圖)估計結果。400，300。 45](#_Toc162860161)

[Figure 4.7群落一為均勻模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的AVG Estimate (左圖) 與RMSE (右圖)估計結果。400，300。 46](#_Toc162860162)

[Figure 4.8群落一為Broken-stick模型，群落二為對數常數模型之情況下的AVG Estimate (左圖) 與RMSE (右圖)估計結果。400，300。 46](#_Toc162860163)

[Figure 4.9取後放回澳洲三種極端氣候鳥類資料集中的Big Dry與Big Wet估計結果。 48](#_Toc162860164)

[Figure 4.10取後放回澳洲三種極端氣候鳥類資料集中的Big Dry與Post-Big Wet估計結果。 49](#_Toc162860165)

[Figure 4.11取後放回澳洲三種極端氣候鳥類資料集中的Big Wet與Post-Big Wet估計結果。 50](#_Toc162860166)

[Figure 4.12取後不放回BCI資料集中的兩群落估計結果。 52](#_Toc162860167)

[Figure 5.1利用觀測物種數與分別使用兩種估計方法估計的物種數，繪製分類樹。 58](#_Toc162860168)

[Figure 5.2假設抽樣比例為0.3時，利用觀測物種數與分別使用兩種估計方法估計的物種數，繪製分類樹。 63](#_Toc162860169)

[Figure 5.3假設抽樣比例為0.5時，利用觀測物種數與分別使用兩種估計方法估計的物種數，繪製分類樹。 63](#_Toc162860170)

[Figure 5.4假設抽樣比例為0.7時，利用觀測物種數與分別使用兩種估計方法估計的物種數，繪製分類樹。 64](#_Toc162860171)

# 表目錄

[Table 4.1群落一為同質模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的估計結果。400，300。 36](#_Toc162860172)

[Table 4.2兩群落皆為均勻模型之情況下的估計結果。400，300。 37](#_Toc162860173)

[Table 4.3群落一為均勻模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的估計結果。400，300。 38](#_Toc162860174)

[Table 4.4群落一為Broken-stick模型，群落二為對數常數模型之情況下的估計結果。400，300。 39](#_Toc162860175)

[Table 4.5群落一為同質模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的估計結果。400，300。 41](#_Toc162860176)

[Table 4.6兩群落皆為均勻模型之情況下的估計結果。400，300。 42](#_Toc162860177)

[Table 4.7群落一為均勻模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的估計結果。400，300。 43](#_Toc162860178)

[Table 4.8群落一為Broken-stick模型，群落二為對數常數模型之情況下的估計結果。400，300。 44](#_Toc162860179)

[Table 4.9取後放回澳洲三種極端氣候鳥類資料集中的Big Dry與Big Wet估計結果。 48](#_Toc162860180)

[Table 4.10取後放回澳洲三種極端氣候鳥類資料集中的Big Dry與Post-Big Wet估計結果。 49](#_Toc162860181)

[Table 4.11取後放回澳洲三種極端氣候鳥類資料集中的Big Wet與Post-Big Wet估計結果。 50](#_Toc162860182)

[Table 4.12取後不放回BCI資料集中的兩群落估計結果。 52](#_Toc162860183)

[Table 5.1取後放回之紅杉國家公園內苔蘚的兩群落間共同種估計結果。 56](#_Toc162860184)

[Table 5.2取後放回之紅杉國家公園內苔蘚的兩群落間物種數與Jaccard估計結果。 57](#_Toc162860185)

[Table 5.3不同抽樣比例之單群落物種數估計 (mean SD)。 59](#_Toc162860186)

[Table 5.4假設抽樣比例為0.3下，紅杉國家公園內苔蘚各群落之間共同物種數之估計結果。 60](#_Toc162860187)

[Table 5.5假設抽樣比例為0.5下，紅杉國家公園內苔蘚各群落之間共同物種數之估計結果。 60](#_Toc162860188)

[Table 5.6假設抽樣比例為0.7下，紅杉國家公園內苔蘚各群落之間共同物種數之估計結果。 61](#_Toc162860189)

[Table 5.7在不同抽樣比例的假設下，取後不放回之紅杉國家公園內苔蘚的兩群落間物種數與Jaccard估計結果。 62](#_Toc162860190)

# 緒論

# 模型符號介紹與相關文獻回顧

## 符號定義

在常見的生態資料的蒐集上，常見的抽樣方式一般分為兩種：其一為以個體為抽樣單位，即豐富度數據 (abundance data)；其次為依照區塊為抽樣單位，即出現率數據 (incidence data)。本文主要使用以區塊抽樣為主的發生率資料 。在估計式中，常見符號由以下清單表示：

* ：混合群落中的總相異物種數。
* ：第群落的物種數，。
* ：兩群落的共同物種數。
* ：群落中物種出現的機率，即相對豐富度。。
* ：第群落中物種出現的機率，即相對豐富度。，。
* ：第一群落樣本，第物種出現的區塊數量。
* ：第二群落樣本，第物種出現的區塊數量。
* ：兩樣本中出現的共同物種數。。
* ：第群集的總區塊數量，。
* ：第群集的抽樣區塊數量，。
* ：抽樣比例，。
* ：群落樣本中物種的共出現在個區塊的機率。。
* ：第一群落樣本中物種的共出現在個區塊，且同時第二群落樣本中物種的共出現在個區塊的機率。，。
* ：樣本中剛好出現個區塊的物種數。，。

* ：樣本中在第一族群出現個區塊，並在第二族群出現個區塊的物種數。，。

* ：樣本中在第一族群出現次，並在第二族群出現的物種數。。

* ：樣本中在第一族群出現，並在第二族群出現次的物種數。。

## 相關文獻回顧

### 出現率數據

在大多數的生態調查研究中，抽樣為隨機且獨立的。且抽樣單位通常為陷阱、區塊與定時調查。在出現率數據的抽樣中，大多數的方法是將其中的研究區域劃分為多個面積大致相同的*T*個區塊，並從中隨機選擇特定的*t*個區塊做為抽樣樣本進行調查。對於不同類型的物種，準確計算每個抽樣區塊中出現的個體數往往是一件相對困難的。因此在多數情況下，調查時僅記錄該物種在*t*個抽樣區塊中的出現率，即紀錄物種在該區塊出現與否。

出現率數據由一組為*t*個抽樣區塊的樣本所組成，並記錄每個區塊中每種物種的出現或是未出現，以形成一個具有*S*行與*t*列的矩陣。其中，若是在第*j*個區塊中發現*i*物種，則計為1；反之若尚未觀測到該物種則計為0。

又被定義為該樣本中的出現頻率向量，，表示在該樣本中第i物種出現的總區塊數量。若則表示該抽樣樣本中並無觀測到該物種，且在樣本中觀測到的物種總數為，故。

並且，可令表示在出現頻率向量中出現*k*次的物種數，，且*k=1, 2, …, t*。故為在該樣本中僅出現在一個區塊的物種數，為在該樣本中出現在兩個區塊的物種數，並依此類推。除此之外，為在該樣本並未被觀測到的物種數。而真實的物種數*S*，應為被觀測到的物種數與未被觀測到的物種數之總和。

### 取後放回之抽樣方式

在生態調查的研究中，物種數或稱物種豐富度是最直接呈現多樣性的指標之一，往往需要消耗大量的人力、經費與時間等成本。這使得在抽樣的結果中，能看見所有物種皆出現之狀況的機率大幅降低。也就是說，在大部分的生態調查結果中，皆可能存在部分未被觀測到的物種。因此，需針對該部分未被觀測到的物種進行估計，以獲取到更接近於真實物種豐富度的結果。

對於出現率數據所開發之物種豐富度估計的模型多數皆式依據捉放法 (capture-recapture) 的抽樣方式為基礎所建立。一般而言，傳統的捉放法是藉由單一物種「個體數」，針對該物種在群落中所佔比例進行估計。而在物種豐富度的估計中，可將捉放法「個體數」對應至「物種數」，已估計群落中的物種數作為物種豐富度的指標所使用。

在物種豐富度的調查結果中，又可將物種大致分為豐富物種與稀有物種。在大多數情況下，稀有物種對於未被觀測到的物種提供了更為豐富的資訊。這是由於，相較於皆為豐富物種的樣本，在某樣本中含有大量的稀有物種時，通常情況下，在該樣本所抽樣地區應存在更多尚未被觀測到的物種。因此在過去許多研究中，皆是藉由稀有物種對物種豐富度的估計進行修正。

依據2.2.1所述，出現率數據的樣本來自於依照物種抽樣區塊的出現率矩陣所組成。並可將該矩陣整理成出現頻率向量。應為服從伯努力分佈 (Bernoulli distribution) 的隨機變數，且當時機率為，而時機率為。則發生率矩陣的機率分佈為：

又，物種數出現頻率向量 服從二項分佈 (binomial distribution)：

#### 單群落物種數估計

Chao (1987) 針對出現率數據建立物種豐富度的無母數估計模型 *Chao2*。所謂無母數估計意旨在該估計方法中，不對物種豐富度或者物種出現機率的分布進行假設。無母數的物種豐富度估計是一個基本且直接的觀念，利用稀有物種中所含的資訊以估計真實的物種豐富度。並根據樣本中物種計數的邊際機率分佈，可以表示為：

因此求得在樣本中未出現以及分別出現一次與兩次的物種數之期望值為：

又根據柯西-施瓦茨不等式 (Cauchy-Schwarz inequality) 之概念可以推導出：

固可求得：

最終將結果帶入 ，可知估計式 *Chao2*為：

針對*Chao2* 的方法，Chiu 等人 (2014) 應用Good-Turing 頻率公式，並加入與的資訊對其進行修正，開發更為準確的下界估計式 *iChao2* ：

#### 兩群落的共同物種數估計

在生態統計中，群落之間的共同物種可以表示兩群落間的物種多樣性，同時也能表現兩群落間的相似性 (Chao, et al., 2000)。在兩群落的抽樣樣本中，除了共同種之外，也會分別存在只出現於其中單一群落的特有物種。為此，當在比較兩群落之間的物種豐富度時，並非僅考慮單一群落的物種豐富度，而是必須針對群落間的共同物種數進行估計。與單群落的物種數估計相似，在大多數情況下，抽樣樣本無法觀測到所有存在的共同種。因此需針對未被抽樣觀測到的共同種進行估計，並加上已存在於樣本中的共同物種數，作為修正的共同物種數所使用。Pan et al. (2009) 將*Chao2*的方法推廣至兩群落，建立一估計兩群落間存在的共同物種數之估計式。

假設在第一群落的樣本 () 與第二群落的樣本 () 中，分別有、個抽樣區塊。且兩群落的第i物種出現機率分別表示為、。則 表示在出現頻率向量中出現個區塊，同時在中出現個區塊的物種數。可以表示為：

因此求得在樣本中分別未出現於兩群落的期望值為：

為求得下界估計式，因此需要與 的資訊：

又根據柯西-施瓦茨不等式之概念可以推導出：

固可求得：

同理可以求得：

而若是想要求得下界估計式，則需要與 的資訊：

又根據柯西-施瓦茨不等式之概念可以推導出：

最終得：

將結果帶入 ，可知估計式 *Pan*為：

### 取後不放回之抽樣方式

相對於取後放回的抽樣方式，另一種在生態資料中常見的抽樣方法為取後不放回。在取後不放回的抽樣方法中，廣泛使用在林業調查中，依照所選區塊對樹木進行不重複取樣，或是用於陷阱或誘捕器的抽樣方式中，需要殺死個體的抽樣方法。

在這種類型抽樣方法的單群落情況中，假設將欲調查地區大致分為個相等的區塊。又每個區塊物種存在的機率為，，為未知參數。假設在區塊中，物種 僅能在的目標區塊中被檢驗到，亦為未知參數，且。則在給定的條件下遵循參數和的零截尾二項分佈 (zero-truncated binomial distribution)：

當從*T*個區塊中，針對群落進行取後不放回之隨機抽樣，分別抽取*t*的區塊數，若在取樣區塊中發現該物種，則被紀錄為存在，反之則為不存在，僅記錄每個採樣樣本中物種的發生率，以形成出現頻率向量。在給定 的情況下，應服從超幾何分佈 (hypergeometric distribution)：

#### 單群落物種數估計

Chao and Lin (2012) 針對*Chao2*進行修正，針對取後不放回的樣本資料開發新的估計方法。在該估計方法中可以表示為：

因此求得在樣本中未出現以及分別出現一次與兩次的物種數之期望值為：

根據柯西-施瓦茨不等式之概念可以得：

將其中整理以便後續計算：

則不等式中的第二項可寫作：

由於那些擁有較大值的物種對上述方程式中最後一項的貢獻幾乎可以忽略不計。對於那些 遠小於的物種，我們有以下結果：

故可將不等式整理為：

移項後得：

最終將結果帶入 ，可知估計式 *wChao2*為：

其中，，。

#### 兩群落的共同種估計

與取後放回的估計方法相似，在取後不放回的估計中也存在兩群落間的共同種估計需求。在此假設在第一群落的樣本 () 與第二群落的樣本 () 中，分別有、個抽樣區塊。且兩群落的第物種出現機率分別表示為、。則 表示在出現頻率向量中出現個區塊，同時在中出現 個區塊的物種數。在給定與的情況下，可以表示為：

同理於取後不放回的單群落物種數估計方法，藉由樣本中分別未出現於兩群落的期望值計算兩群落的共同種，可得最終估計式為：

其中，，，

### 95%信賴區間

物種豐富的信賴區間通過假 符合對數常態分佈 (log normal distribution) (Chiu et al., 2014)，為此確保了信賴區間之下限值大於觀察到的物種豐富度。故，物種豐富度之95%信賴區間為：

### 標準差估計

根據的漸近分布，其服從大小為以及機率為的多項分布 (multinomial distribution)。所提出的物種豐富度估計量的變異數估計量可以使用 multivariate delta-method導出，表示為

其中

### 樣本涵蓋率

樣本涵蓋率的概念起源於第二次世界大戰，艾倫圖靈 (Alan Turing) 與其同事I.J 古德 (I. J. Good.) 在密碼分析中所開發之估計方法。於出現率樣本中，樣本涵蓋率被定義為樣本中已檢測物種的總出現的比例，即物種的相對出現率總和。在隨機抽樣的假設下，物種出現頻率向量為 ()，而對抽樣區塊中所觀測到的物種機率估計為 ，則樣本覆蓋率可表示為：

由上述式子可以得知，物種的相對出現率總和，其值應界於0至1之間。並且， 可被解釋為再多觀測一個新的區塊時，該區塊出現新物種的機率。由於該區塊出現的為新物種，固可使用樣本中僅出現一個區塊 () 的資訊估計該指標，樣本涵蓋率的估計式為：

# 使用動差法估計共同物種數

## 取後放回之抽樣方法的估計方式

在單群落的情況下，假設在目標區域實際存在*S*種物種，且實際存在之物種數*S*為一未知參數。且抽樣單位式從目標區域中針對其中的抽樣區塊進行隨機抽樣，並記錄每個區塊中的物種存在與否。若是該樣本總共包含 *t*個抽樣區塊，並且 表示第*i*物種在樣本中出現的區塊數量。則遵循參數為*t*且機率為的二項分佈 (binomial distribution) 。在此，除了取決於群落規模外，也與其他多種的生物因素相關。

Chiu (2022) 使用的混合二項式模型，建立一個新的針對單群落物種數的估計式。假設出現頻率向量 遵循二項分佈，其中，，為機率密度函數為獨立同分佈的隨機變數。同時，假設服從 ，獲得以下樣本之物種出現頻率的邊際分佈如下，為樣本中的物種豐富度正好為*k*的平均機率：

又令表示在*k*個區塊中準確觀測到的物種數，而為在單群落樣本中出現*k*個區塊數。並根據柯西-施瓦茨不等式 (Cauchy-Schwarz inequality) 之概念與Good-Turing頻率公式 (Good, 1953, 2000) 得出近似式：。由該近似式可以得知，出現於較少區塊的稀有物種可以為未被觀測到的物種豐富度提供更多的估計資訊。

並根據樣本中物種出現頻率的邊際機率分佈，可知可以表示為：

依據上述式子，可獲得未觀測以及出現一次至三次的區塊數的期望值：

並依據上述概念，將其推廣至兩群落。為兩樣本的物種豐富度正好分別為*k*和*l*的平均機率。則：

而*k*與*l*的範圍分別為與。隨後，又令表示在第一群落*k*個區塊且在第二群落*l*個區塊數中準確觀測到的物種數。則樣本中觀測到的共同物種數為。藉此，可獲得在第一群落中分別出現未觀測到以及一至二個區塊，且同時在第二群落中出現過至少一次的期望值：

|  |  |
| --- | --- |
|  | (3.1) |
|  | (3.2) |
|  | (3.3) |

將 設定為1，且。可藉由式 (3.1)、式 (3.2) 與式 (3.3) 成立以下近似值：

並經由化簡 的結果，求得；又透過化簡 之後，可求得；隨後，依據不等式 = ，故將作為帶入 ，最終可獲得：

表示：若時，則；若時，則。同理，可經由上述相同方式推導出與：

並加入對估計式進行修正，最終得估計式：

其中，

且表示：若時，則；若時，則。

## 取後不放回之抽樣方法的估計方式

依據2.2.3節所示，在目標區塊中檢視到物種*i*所存在的區塊數，其分布應服從一個二項分佈；且第*i*物種出現的區塊數所組成的出現頻率向量，在給定 的情況下，應服從超幾何分佈。又與有關，來自於，因此可推導出：

其中，*I(A)*為指標函數，表示若出現*A*情況時，則該式為1，反之則即為0。

Shen 和 He (2008) 針對取後不放回的抽樣方式，開發的*Beta* 二項式模型：假設為一來自*Beta*分佈的隨機樣本，故可將式子表示為：

其中。的邊際分佈可通過與 獲得，故樣本之物種出現頻率的邊際分佈如下，為樣本中的物種豐富度正好為*k*的平均機率：

並令表示在個區塊中準確觀測到的物種數，而為在單群落樣本中出現*k*個區塊數。並且Chiu (2023) 又基於Good-Turing頻率公式與柯西不等式之概念，針對單一群落的估計得出近似式：。從中可以得知，在物種估計時，採取出現較少次的物種，可以更多提供未出現物種的資訊，有助於縮小物種豐富度的估計結果。根據，可定義出為：

依據上述式子可知未觀測到、僅出現在一個與兩個區塊中的豐富度的期望值為：

將隨後利用上述概念，將估計推廣至兩群落。令為兩樣本的物種豐富度正好分別為*k*和*l*的平均機率：

隨後又令為在樣本中第一群落出現*k*次且第二群即出現*l*次的區塊數，則為樣本中觀測到的共同物種數量，。藉此，可獲得在第一群落中分別出現未觀測到以及一至二個區塊，且同時在第二群落中出現過至少一次的期望值：

|  |  |
| --- | --- |
|  | (3.4) |
|  | (3.5) |
|  | (3.6) |

依據式 (3.4) 與式 (3.5)。成立以下近似值。將 設定為1，且：

得 ，代入 。得：

表示：若時，則等於；若，則等於。

同理 也依此證明，得：

表示：若時，則等於；若，則等於。

同理，又可得在兩群群落同時為未觀測到、觀測到一至二個區塊的期望值分別為：

|  |  |
| --- | --- |
|  | (3.7) |
|  | (3.8) |
|  | (3.9) |

並依據式 (3.7) 與式 (3.8) 成立以下近似值：

將，代入 後，並加入對估計式進行調整，最終得估計式：

其中：

|  |  |
| --- | --- |
|  | (3.10) |
|  | (3.11) |
|  | (3.12) |

表示：若時，則等於；若，則等於。

並在的基礎上，加入 對的估計進行修正，依據式(3.8)與式 (3.9) 成立以下近似值：

並經由該式可推得出：

|  |  |
| --- | --- |
|  | (3.13) |

又經由可以得知，以及 分別為：

|  |  |
| --- | --- |
|  | (3.14) |
|  | (3.15) |

並依式 (3.14) 與式 (3.15) 成立以下近似式：

由上述式子推得：

|  |  |
| --- | --- |
|  | (3.16) |

又可從式 (3.13) = 式 (3.16) 得：

並依公式解，得：

|  |  |
| --- | --- |
|  | (3.17) |

最終得：

其中，將式 (3.17) 的與 的結果分別帶入 與 中可分別求得 與 的估計式；而則與*wNew1*相同使用式 (3.12) 估計。

# 模擬研究與討論

## 估計式整理

整理上一章所推倒之估計式，以及過去文獻中所存在的估計式。藉由電腦模擬的方式，在不同模型的設定下，比較三種取後不放回以及兩種取後放回的估計方式之表現，並同時估計其標準差。

以下為不同估計方法之整理：

### 取後放回

其中：

|  |
| --- |
|  |
|  |
|  |

且表示：若時，則；若時，則。

### 取後不放回

其中：

並在 的估計式中代入 。

表示：若時，則等於；若，則等於。

並在的估計式中代入 。而與的估計與相同。

其中 與 。

### 標準差、95%信賴區間、樣本涵蓋率與變異係數估計

1. 標準差估計

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |

其中

1. 95%信賴區間
2. *wNew1* and *wNew2*
3. Other

其中 以此計算95%信賴區間的樣本涵蓋率 (95% confidence interval coverage rate, 95% CI Coverage) 。

1. Sample Coverage

為樣本中檢測到的物種的總發生率的百分比。

1. 樣本變異係數 (Sample CV)

為變異係數平方的估計式，即。

## 模型模擬設定

### 模擬模型假設

經由電腦模擬，可以設定不同母體並產生不同物種豐富度的結構，透過重複抽樣資料以評估估計式之估計表現。在模擬的過程中，首先需決定兩族群的共同種與特有種的數量，再選擇兩種不同種模型作為母體使用，以下為四種模擬模型之設定：

1. 同質性模型 (homogeneity model)， ， ()
2. 均勻模型 (uniform model)， ， ()，其中服從均勻分佈，為調整常數。
3. Broken-stick 模型， ， ()，其中服從指數函數分佈，為調整常數。
4. 對數常態模型 (log-normal model)，， () ，其中服從對數常態分佈，為調整常數。

### 物種與區塊數的假設

在電腦模擬時，需針對真實的群落物種與區塊數進行假設，以評估估計結果之優劣程度。故假設以下四種組合為電腦模擬的真實物種與區塊狀況做使用。

1. 假設總物種數為500種物種 (500)，其中群落一與第二群落皆存在400種物種 (400)，兩群落間共有300種共同種(300)。且兩族群皆為100區塊 (100)，並從中依比例抽取與個區塊作為樣本使用。
2. 假設總物種數皆為700種物種 (700)，其中群落一與第二群落分別存在400與600種物種 (400，600)，兩群落間共有300種共同種(300)。且兩族群皆為100區塊 (100)，並從中依比例抽取與個區塊作為樣本使用。
3. 假設總物種數為500種物種 (500)，其中群落一與第二群落皆存在400種物種 (400)，兩群落間共有300種共同種(300)；兩族群皆為100區塊 (100)，並從中依比例抽取與個區塊作為樣本使用，而。
4. 假設總物種數為500種物種 (500)，其中群落一與第二群落皆存在400種物種 (400)，兩群落間共有300種共同種(300)。且兩族群分別為100與200區塊 (100，200)，並從中依比例抽取與個區塊作為樣本使用。

而在每種群落假設下，樣本數的模擬次數為 1000次。

## 表格中名詞定義

* q：為抽樣比例，。
* Sample size：抽樣區塊數，t。
* Estimator：所採用之估計方法。
* Obs：兩樣本觀測到的共同物種。
* AVG Estimate：次模擬之平均估計值。
* Bias：次模擬之偏差 (bias)，。
* Sample SE：次模擬之樣本標準差。
* Est. SD：次模擬之標準差估計值。
* RMSE：次模擬估計量之樣本均方根誤差。
* 95% CI Coverage：次模擬中理論值於信賴區間的比例。

## 取後放回的模擬結果

首先針對樣本涵蓋率型計算，在多種組合模擬下，除了在樣本大小為10的情況底下，其餘樣本大小所所抽樣本，無論是在何種模型或模擬組合下，所估計之樣本涵蓋率皆大於0.95。

且依據模擬結果可以得知，在第一種物種分配的假設下，在偏差的表現上， 在四種模擬情況下，兩估計方法下所估計的群落共同種，皆有低估的情況發生。尤其在小樣本時，低估情況更加明顯。平均而言，在兩種估計方法的偏差結果中皆顯示，*New*所估計之群落共同種相較於原有的*Pan*方法，在偏差的估計表現上更為優秀。在樣本標準差 (Sample SE) 以及平均標準差估計 (Est. SD) 的結果中，可以發現無論在何種模擬情形下兩種方法皆有低估的情況發生。然而，單憑偏差與標準差的估計的結果無法從中判定估計式的好壞，在評估一個估計方法的優劣之時，還需要考慮該估計量的準確度以及精確度。因此以RMSE作為衡量估計式好壞之準則。在RMSE的結果方面，在兩群落皆為小樣本時，*New*的表現較優秀。但在大樣本地抽樣下，*Pan*的表現會略優於*New*。 另一方面，95%信賴區間涵蓋率也是能作為評估估計式優劣的標準之一。在95%信賴區間涵蓋率的結果中*New*的結果皆略優於*Pan*。

在第二種與第三種物種分配的假設下，所進行的模擬結果，無論是在何種估計值的結果，皆與第一種物種分配的假設並無太大的差異。此外，針對第四種物種的假設下，無論是在觀測物種或是平均的估計結果上，相較於第一種假設在*New*的估計下，雖然也具有較小的偏差，但會有高估的情況發生；在RMSE的表現上，*New*的估計也獲得較差的結果；同時，隨著樣本數的增加，在95%信賴區間涵蓋率的結果反而下降。

綜上所述，在評估各項模擬與所有指標之後，本文所提出*New*估計方式的表現普遍優於*Pan*對於兩群落共同種的估計結果。且在目標區塊數以及共同物種數的真值皆為相同的情況底下，群落中的特有種數量並不會影響共同物種數的估計結果。但當目標區塊與抽樣區塊不相同時，則會影響到估計式的表現結果。

Table 4.1群落一為同質模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的估計結果。400，300。

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Sample size | Estimator | Obs | AVG Estimate | Bias | Sample SE | Est. SD | RMSE | 95% CI Coverage |
| 10 | New | 125.12 | 270.79 | -29.21 | 61.1 | 46.64 | 67.69 | 0.86 |
| Pan | 246.81 | -53.19 | 40.24 | 27.93 | 66.68 | 0.82 |
| 30 | New | 240.32 | 287.18 | -12.82 | 19.64 | 18.34 | 23.44 | 0.91 |
| Pan | 277.62 | -22.38 | 13.64 | 11.92 | 26.2 | 0.89 |
| 50 | New | 267.3 | 294.68 | -5.32 | 16.04 | 14.36 | 16.89 | 0.87 |
| Pan | 288.29 | -11.71 | 11.15 | 9.45 | 16.16 | 0.86 |
| 70 | New | 277.28 | 297.93 | -2.07 | 14.03 | 12.42 | 14.18 | 0.83 |
| Pan | 292.66 | -7.34 | 9.78 | 8.19 | 12.22 | 0.82 |

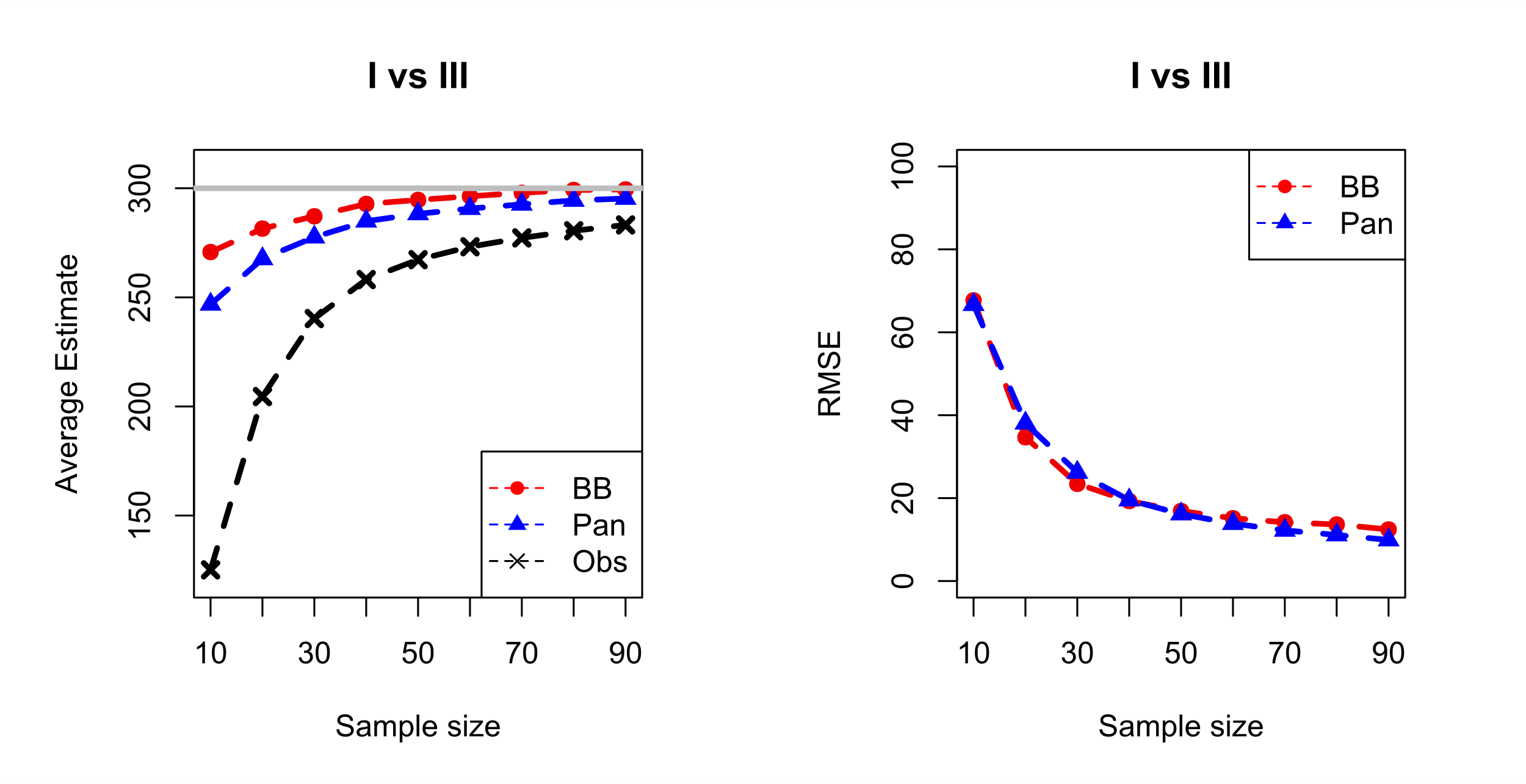


Figure 4.1 群落一為同質模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的估計結果。400，300。

Table 4.2兩群落皆為均勻模型之情況下的估計結果。400，300。

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Sample size | Estimator | Obs | AVG Estimate | Bias | Sample SE | Est. SD | RMSE | 95% CI Coverage |
| 10 | New | 123.34 | 244.33 | -55.67 | 52.13 | 40.13 | 76.25 | 0.86 |
| Pan | 220.02 | -79.98 | 32.53 | 22.51 | 86.34 | 0.83 |
| 30 | New | 225.85 | 277.64 | -22.36 | 22.77 | 19.67 | 31.9 | 0.89 |
| Pan | 265.65 | -34.35 | 15.31 | 12.33 | 37.6 | 0.88 |
| 50 | New | 255.45 | 289.5 | -10.5 | 16.01 | 15.42 | 19.14 | 0.9 |
| Pan | 281.66 | -18.34 | 11.37 | 10.15 | 21.58 | 0.89 |
| 70 | New | 268.74 | 295.39 | -4.61 | 13.68 | 13.72 | 14.43 | 0.91 |
| Pan | 289.14 | -10.86 | 9.76 | 9.21 | 14.6 | 0.9 |

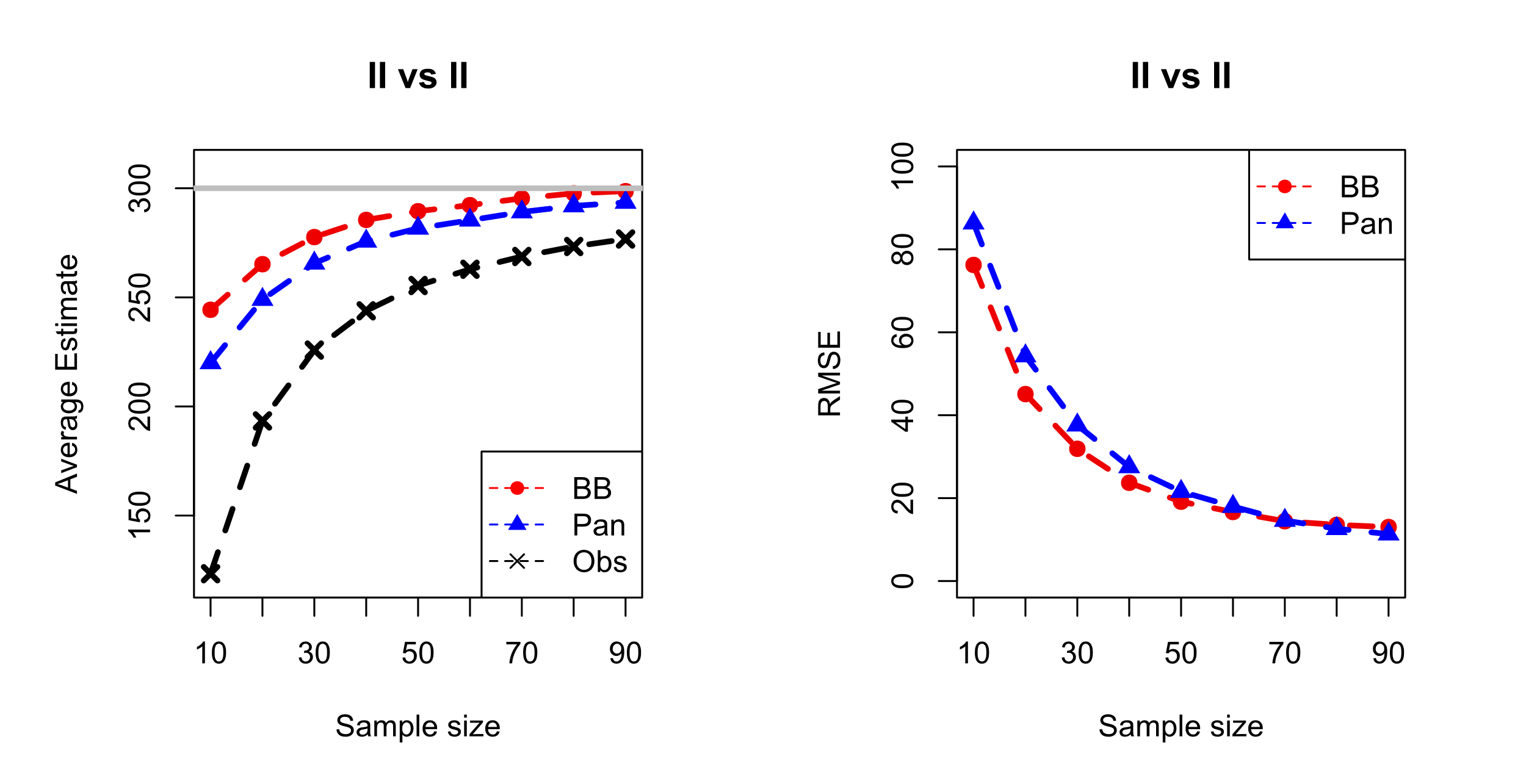


Figure 4.2兩群落皆為均勻模型之情況下的估計結果。400，300。

Table 4.3群落一為均勻模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的估計結果。400，300。

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Sample size | Estimator | Obs | AVG Estimate | Bias | Sample SE | Est. SD | RMSE | 95% CI Coverage |
| 10 | New | 123.27 | 232.31 | -67.69 | 47.01 | 37.17 | 82.4 | 0.85 |
| Pan | 207.78 | -92.22 | 29.49 | 20.99 | 96.82 | 0.83 |
| 30 | New | 218.54 | 276.15 | -23.85 | 24.65 | 21.91 | 34.29 | 0.89 |
| Pan | 262.17 | -37.83 | 16.27 | 13.71 | 41.18 | 0.88 |
| 50 | New | 248.57 | 290.11 | -9.89 | 19.9 | 17.98 | 22.21 | 0.88 |
| Pan | 280.02 | -19.98 | 13.76 | 11.77 | 24.26 | 0.88 |
| 70 | New | 263.41 | 295.6 | -4.4 | 17.15 | 15.73 | 17.69 | 0.88 |
| Pan | 287.96 | -12.04 | 12.17 | 10.46 | 17.11 | 0.86 |

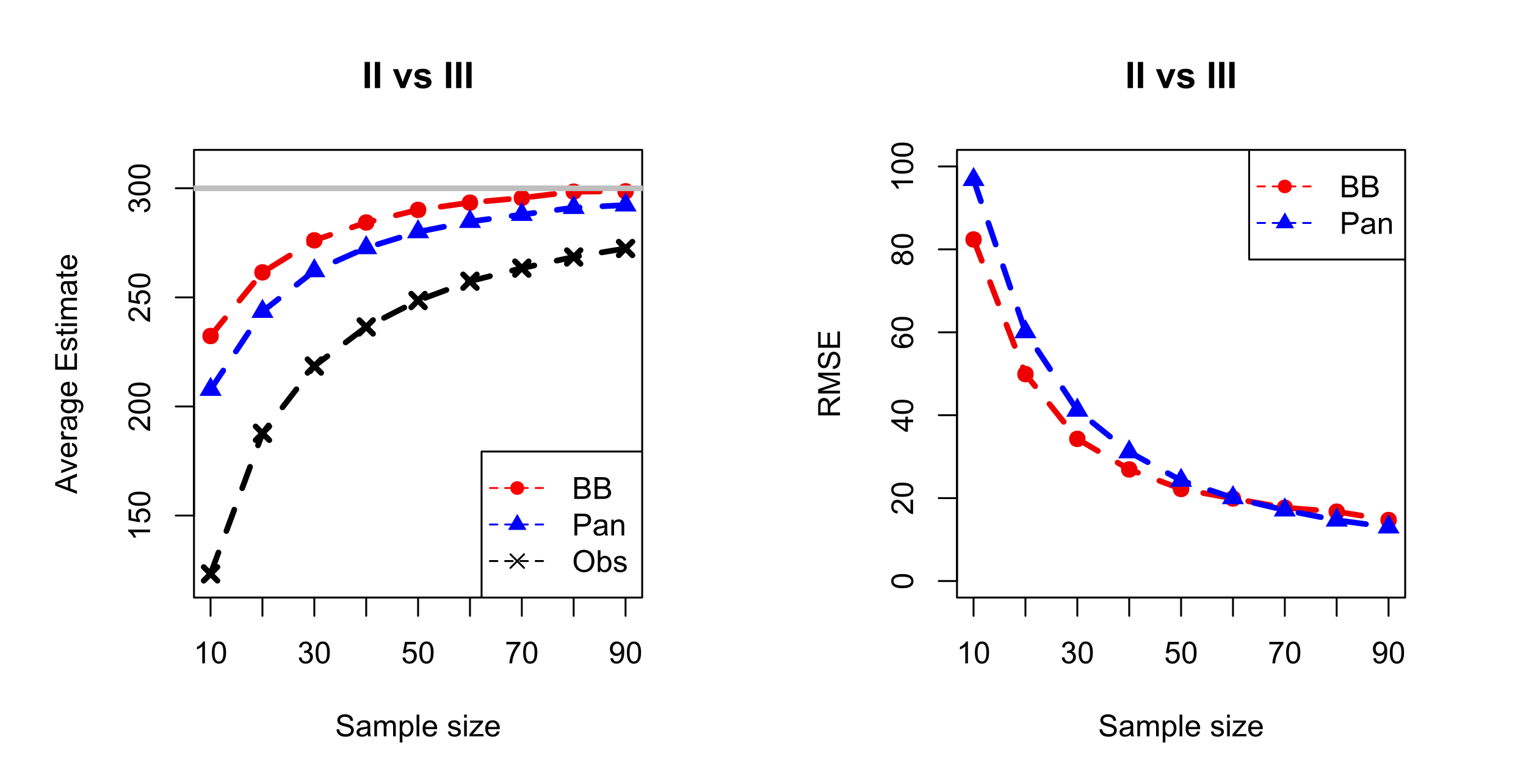


Figure 4.3群落一為均勻模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的估計結果。400，300。

Table 4.4群落一為Broken-stick模型，群落二為對數常數模型之情況下的估計結果。400，300。

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Sample size | Estimator | Obs | AVG Estimate | Bias | Sample SE | Est. SD | RMSE | 95% CI Coverage |
| 10 | New | 115.62 | 228.28 | -71.72 | 52.12 | 40.34 | 88.64 | 0.85 |
| Pan | 199.49 | -100.51 | 31.57 | 22.73 | 105.34 | 0.83 |
| 30 | New | 208.96 | 277.73 | -22.27 | 29.47 | 25.47 | 36.93 | 0.9 |
| Pan | 261.16 | -38.84 | 18.92 | 15.57 | 43.2 | 0.88 |
| 50 | New | 242.64 | 292.56 | -7.44 | 22.86 | 20.58 | 24.03 | 0.88 |
| Pan | 280.66 | -19.34 | 15.44 | 13.18 | 24.74 | 0.87 |
| 70 | New | 260.08 | 298.13 | -1.87 | 19.15 | 17.44 | 19.23 | 0.88 |
| Pan | 289.36 | -10.64 | 13.26 | 11.47 | 16.99 | 0.88 |

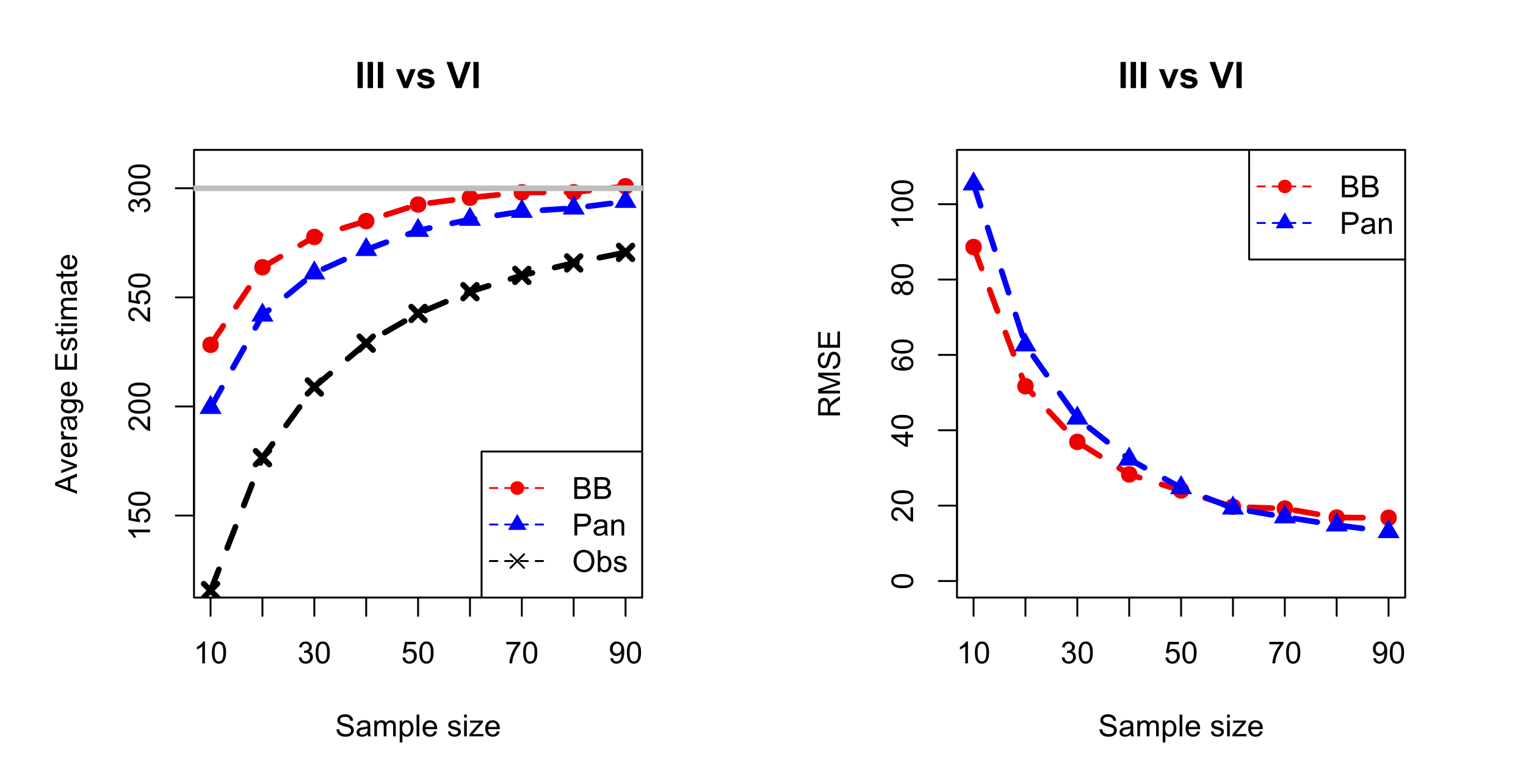


Figure 4.4 群落一為Broken-stick模型，群落二為對數常數模型之情況下的估計結果。400，300。

## 取後不放回與取後放回的模擬結果比較

在取後不放回的模擬針對樣本涵蓋率型計算，同樣於在多種組合模擬下，除了在抽樣比例為0.1的情況底下，其餘樣本大小所抽樣本，無論是在何種模型或模擬組合下，所估計之樣本涵蓋率皆大於0.95。且模擬同質群落與均勻群落在抽樣比例為0.1的情況下，樣本變異係數通常小於0.4。而隨抽樣比例的增加將越接近母體變異數。

依據第一種物種假設的模擬結果可以得知，在偏差的表現上， 在*wNew1*與*wNew2*小樣本的估計，在同質與Broken-stick以及兩群落皆為均勻的兩種模擬組合下有高估的表現；而在均勻與Broken-stick以及Broken-stick與常對數的兩種模擬組合下有低估的表現。但在大樣本的情況下，則是三種估計方法皆呈現低估的表現。

在樣本標準差 (Sample SE) 以及平均標準差估計 (Est. SD) 的結果中，可以發現無論在何種模擬情形下三種方法皆有低估的情況發生。除此之外，在RMSE的結果中 *wNew1*與*wNew2*兩者無明顯差異，且都優於*wChao2*。 在95%信賴區間涵蓋率方面，由於*wChao2*已知為下界估計式，因此在95%信賴區間涵蓋率的估計上使用log修正的方式進行估計，而在*wNew1*與*wNew2*，則使用未修正的估計方式。在該項結果下*wNew1*的表現優於其他兩者，且隨著抽樣比例的增加，*wNew1*與*wNew2*無明顯差異，且略優於*wChao2*。

在第二種與第三種物種分配的假設底下，所進行的模擬結果，無論是在何種估計值的結果，皆與第一種物種分配的假設並無太大的差異。並且，不同於第四種物種的假設在取後放回的抽樣模擬中與前三種的估計結果上偶差異，在取後不放回的模擬下，四種假設的結果皆無明顯差異。

綜合以上論述可以得知，普遍而言在小樣本時，取後不放回的兩估計結果較不穩定，會因群落之變異大小所致，使得高估或低估的現象皆有可能發生。而依據多次模擬結果可以得知，通常當其中一個群落的估計之樣本變異係數小於0.4時 (0.4)，*wNew1*與*wNew2*更容易發生高估的情況。反之在大樣本的條件下，採用取後放回的估計方法*New*則是會有明顯高估的情況發生。

因此在小樣本且當其中一個群落樣本所估計的變異係數小於0.4時的估計中，建議採用取後放回的抽樣方式 (*New*) 估計兩群落的共同種；而在抽樣比例達到0.4時，取後不放回的估計式才趨近穩定，並相較於取後放回的方法有更良好的估計表現。故在抽樣比例大於0.4時，須以取後不放回的兩估計是對群落的共同種進行估計。

Table 4.5群落一為同質模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的估計結果。400，300。

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| q | Estimator | Obs | AVG Estimate | Bias | Sample SE | Est. SD | RMSE | 95% CI Coverage |
| 0.1 | wNew1 | 130.68 | 362.99 | 62.99 | 57.31 | 51.9 | 85.14 | 0.92 |
| wNew2 | 367.63 | 67.63 | 67.25 | 56.69 | 95.36 | 0.92 |
| wChao2 | 246.53 | -53.47 | 30.75 | 24.33 | 61.67 | 0.89 |
| New | 282.03 | -17.97 | 57.47 | 45.49 | 60.19 | 0.89 |
| 0.3 | wNew1 | 251.5 | 301.72 | 1.72 | 12.87 | 9.29 | 12.97 | 0.86 |
| wNew2 | 303.33 | 3.33 | 17.58 | 14.6 | 17.88 | 0.9 |
| wChao2 | 281.55 | -18.45 | 9.7 | 9.15 | 20.85 | 0.92 |
| New | 300.26 | 0.26 | 19.47 | 19.11 | 19.46 | 0.91 |
| 0.5 | wNew1 | 277.66 | 298.82 | -1.18 | 6.77 | 7.46 | 6.87 | 0.98 |
| wNew2 | 297.5 | -2.5 | 6.1 | 5.87 | 6.59 | 0.94 |
| wChao2 | 292.87 | -7.13 | 6.15 | 5.81 | 9.41 | 0.89 |
| New | 313.19 | 13.19 | 16.35 | 16.84 | 21 | 0.91 |
| 0.7 | wNew1 | 289.19 | 299.95 | -0.05 | 3.67 | 4.06 | 3.67 | 0.97 |
| wNew2 | 298.72 | -1.28 | 3.32 | 3.51 | 3.56 | 0.97 |
| wChao2 | 298.19 | -1.81 | 3.62 | 3.74 | 4.05 | 0.9 |
| New | 324.51 | 24.51 | 14.65 | 17.23 | 28.55 | 0.94 |

Table 4.6兩群落皆為均勻模型之情況下的估計結果。400，300。

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| q | Estimator | Obs | AVG Estimate | Bias | Sample SE | Est. SD | RMSE | 95% CI Coverage |
| 0.1 | wNew1 | 127.72 | 306.03 | 6.03 | 44.38 | 44.69 | 44.77 | 0.95 |
| wNew2 | 310.52 | 10.52 | 52.3 | 43.21 | 53.32 | 0.91 |
| wChao2 | 215.98 | -84.02 | 23.97 | 19.41 | 87.37 | 0.87 |
| New | 246.21 | -53.79 | 46.24 | 38.37 | 70.92 | 0.89 |
| 0.3 | wNew1 | 234.14 | 293.65 | -6.35 | 15.26 | 14.24 | 16.52 | 0.93 |
| wNew2 | 298.53 | -1.47 | 21.44 | 17.07 | 21.48 | 0.9 |
| wChao2 | 269.61 | -30.39 | 11.25 | 9.92 | 32.4 | 0.89 |
| New | 294.95 | -5.05 | 24.75 | 21.59 | 25.25 | 0.9 |
| 0.5 | wNew1 | 266.2 | 296.79 | -3.21 | 8.9 | 8.52 | 9.46 | 0.93 |
| wNew2 | 299.18 | -0.82 | 10.62 | 8.93 | 10.65 | 0.9 |
| wChao2 | 287.64 | -12.36 | 7.82 | 6.8 | 14.62 | 0.89 |
| New | 315.69 | 15.69 | 20.48 | 19.29 | 25.79 | 0.9 |
| 0.7 | wNew1 | 282.94 | 299.05 | -0.95 | 5.2 | 4.97 | 5.28 | 0.94 |
| wNew2 | 299.36 | -0.64 | 5.33 | 4.82 | 5.37 | 0.93 |
| wChao2 | 296.33 | -3.67 | 5.08 | 4.55 | 6.26 | 0.89 |
| New | 337.83 | 37.83 | 20.16 | 21.22 | 42.87 | 0.94 |

Table 4.7群落一為均勻模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的估計結果。400，300。

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| q | Estimator | Obs | AVG Estimate | Bias | Sample SE | Est. SD | RMSE | 95% CI Coverage |
| 0.1 | wNew1 | 126.47 | 290.58 | -9.42 | 43.78 | 38.74 | 44.76 | 0.92 |
| wNew2 | 298.77 | -1.23 | 55.94 | 44.91 | 55.92 | 0.92 |
| wChao2 | 208.8 | -91.2 | 24.3 | 19.13 | 94.38 | 0.86 |
| New | 243.7 | -56.3 | 47.86 | 38.89 | 73.87 | 0.88 |
| 0.3 | wNew1 | 226.97 | 292.39 | -7.61 | 16.63 | 14.85 | 18.28 | 0.93 |
| wNew2 | 292.88 | -7.12 | 22.97 | 17.59 | 24.04 | 0.89 |
| wChao2 | 266.41 | -33.59 | 12.31 | 10.79 | 35.77 | 0.89 |
| New | 296.35 | -3.65 | 27.04 | 24.18 | 27.27 | 0.88 |
| 0.5 | wNew1 | 261.52 | 296.89 | -3.11 | 8.5 | 9.19 | 9.05 | 0.97 |
| wNew2 | 295.16 | -4.84 | 10.14 | 9.17 | 11.23 | 0.94 |
| wChao2 | 286.59 | -13.41 | 7.55 | 7.44 | 15.38 | 0.92 |
| New | 320.96 | 20.96 | 20.55 | 21.94 | 29.35 | 0.94 |
| 0.7 | wNew1 | 281.06 | 299.58 | -0.42 | 5.35 | 5.33 | 5.36 | 0.94 |
| wNew2 | 298.73 | -1.27 | 5.41 | 5.07 | 5.56 | 0.93 |
| wChao2 | 296.51 | -3.49 | 5.24 | 4.9 | 6.3 | 0.9 |
| New | 342.9 | 42.9 | 20.83 | 23.26 | 47.69 | 0.95 |

Table 4.8群落一為Broken-stick模型，群落二為對數常數模型之情況下的估計結果。400，300。

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| q | Estimator | Obs | AVG Estimate | Bias | Sample SE | Est. SD | RMSE | 95% CI Coverage |
| 0.1 | wNew1 | 121.47 | 282.17 | -17.83 | 45.02 | 41.28 | 48.4 | 0.94 |
| wNew2 | 289.76 | -10.24 | 56.53 | 47.66 | 57.42 | 0.92 |
| wChao2 | 202.82 | -97.18 | 25.04 | 19.94 | 100.36 | 0.87 |
| New | 243.48 | -56.52 | 50.92 | 41.92 | 76.06 | 0.87 |
| 0.3 | wNew1 | 223.77 | 300.21 | 0.21 | 17.93 | 19.62 | 17.93 | 0.97 |
| wNew2 | 301.38 | 1.38 | 24.33 | 19.37 | 24.36 | 0.91 |
| wChao2 | 269.92 | -30.08 | 13.26 | 11.78 | 32.87 | 0.91 |
| New | 304.82 | 4.82 | 31.38 | 27.43 | 31.74 | 0.91 |
| 0.5 | wNew1 | 262.89 | 300.71 | 0.71 | 9.14 | 9.81 | 9.16 | 0.97 |
| wNew2 | 301.44 | 1.44 | 11.58 | 9.83 | 11.66 | 0.9 |
| wChao2 | 289.26 | -10.74 | 8.02 | 7.55 | 13.4 | 0.91 |
| New | 321.77 | 21.77 | 22.08 | 21.99 | 31 | 0.94 |
| 0.7 | wNew1 | 283.16 | 300.2 | 0.2 | 4.86 | 5.12 | 4.86 | 0.96 |
| wNew2 | 300.39 | 0.39 | 5.08 | 5.03 | 5.09 | 0.94 |
| wChao2 | 296.82 | -3.18 | 4.69 | 4.58 | 5.66 | 0.9 |
| New | 329.86 | 29.86 | 17.54 | 19.58 | 34.62 | 0.96 |

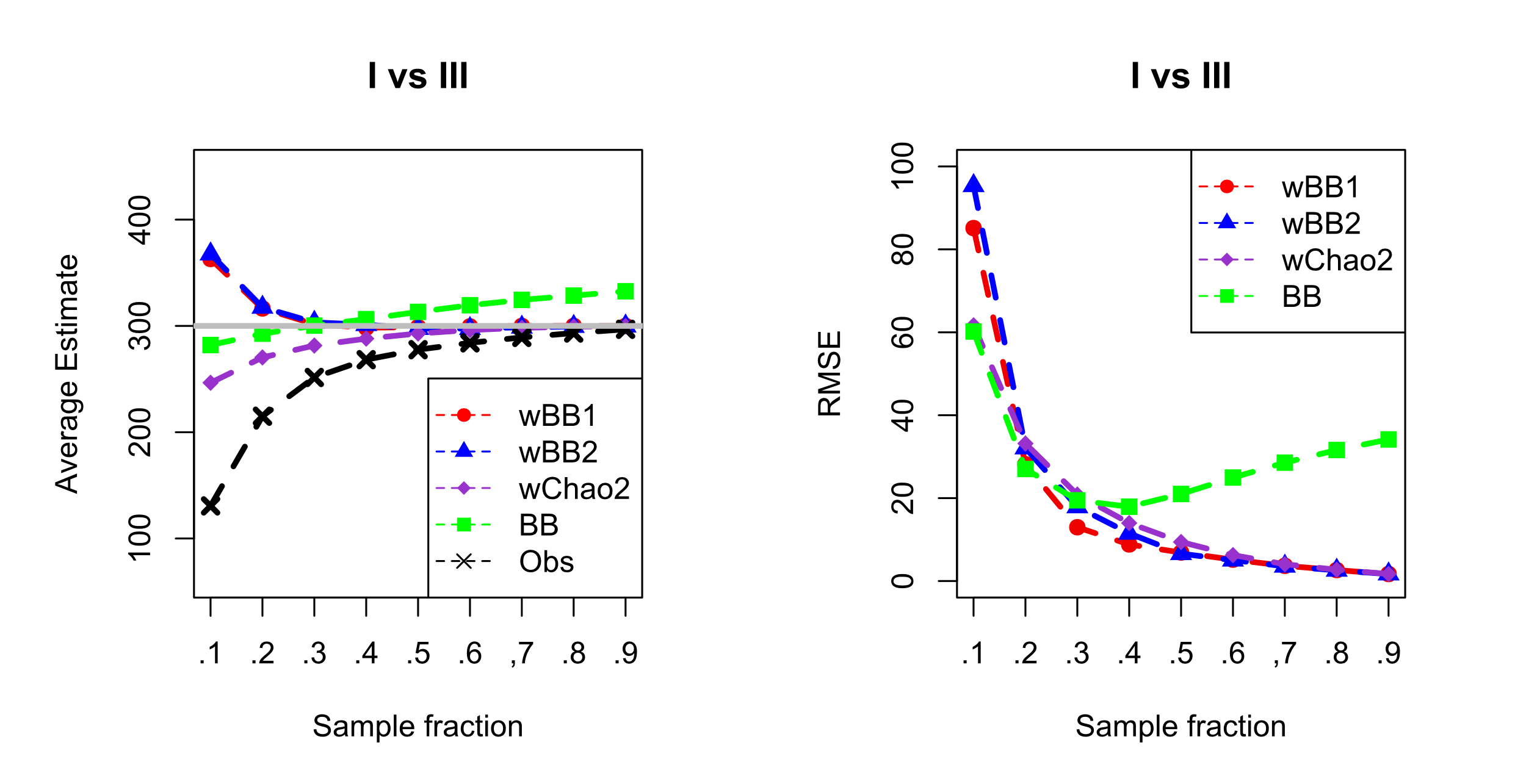


Figure 4.5 群落一為同質模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的估計結果。400，300。

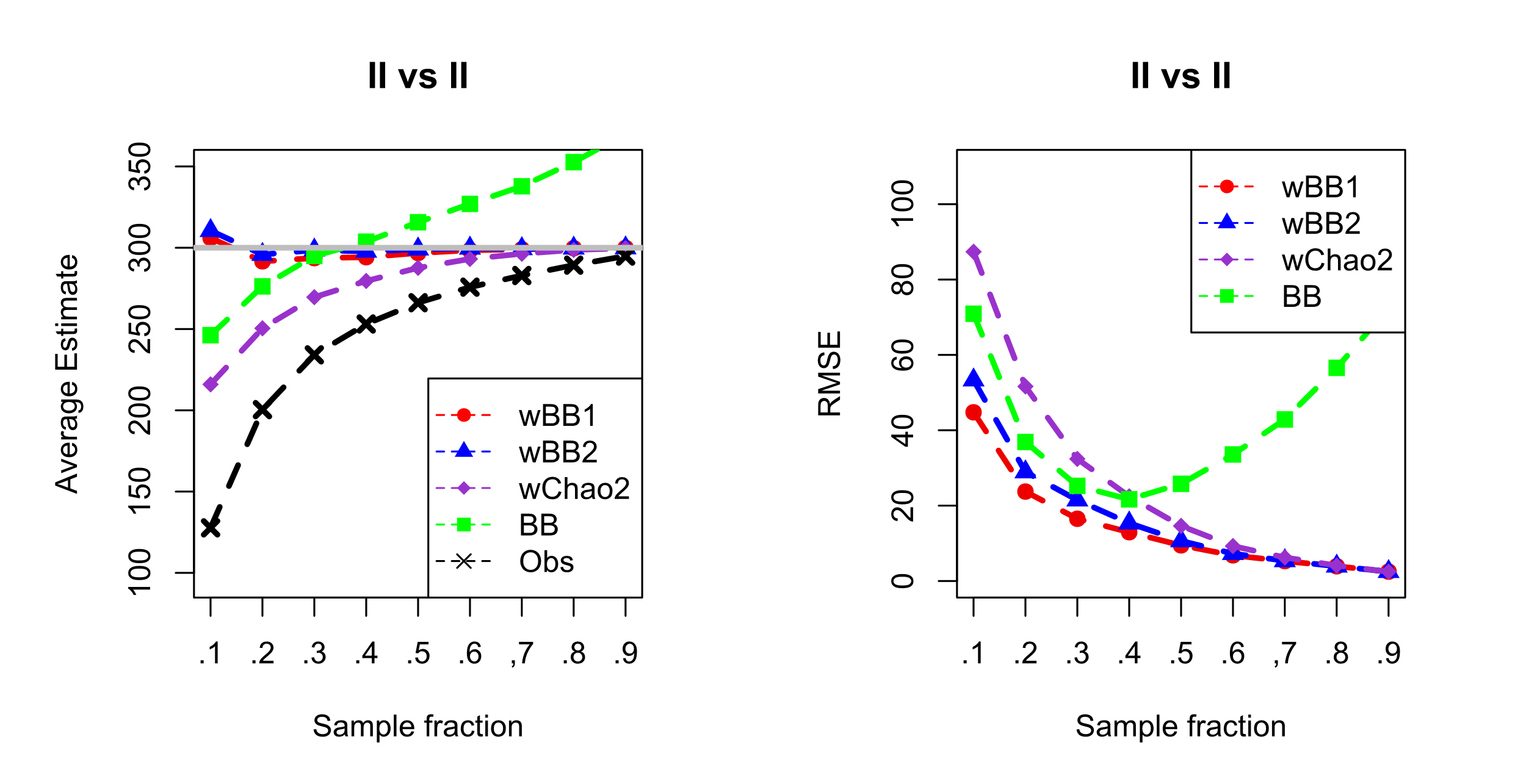


Figure 4.6兩群落皆為均勻模型之情況下的估計結果。400，300。

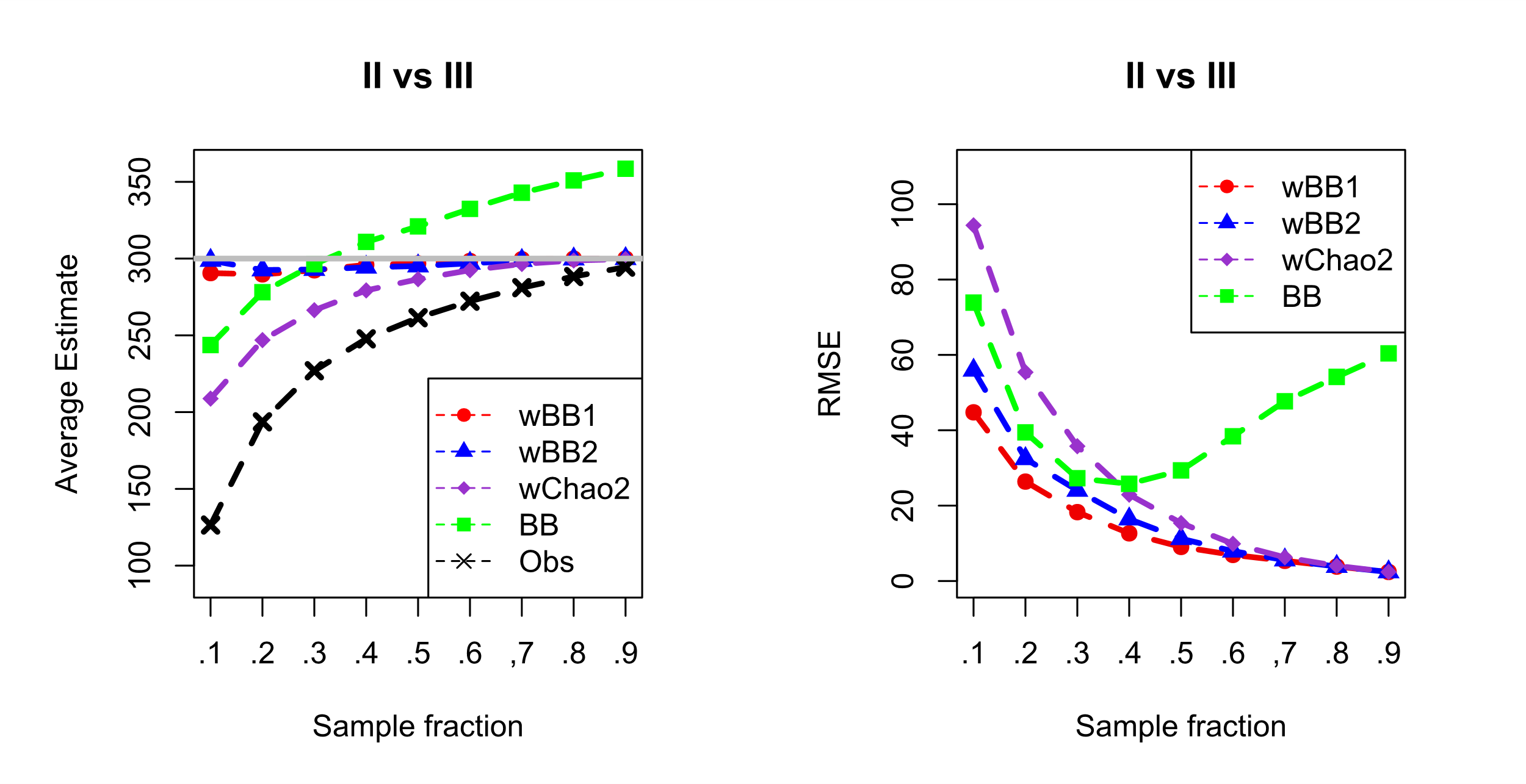


Figure 4.7群落一為均勻模型，群落二為Broken-stick模型之情況下的估計結果。400，300。

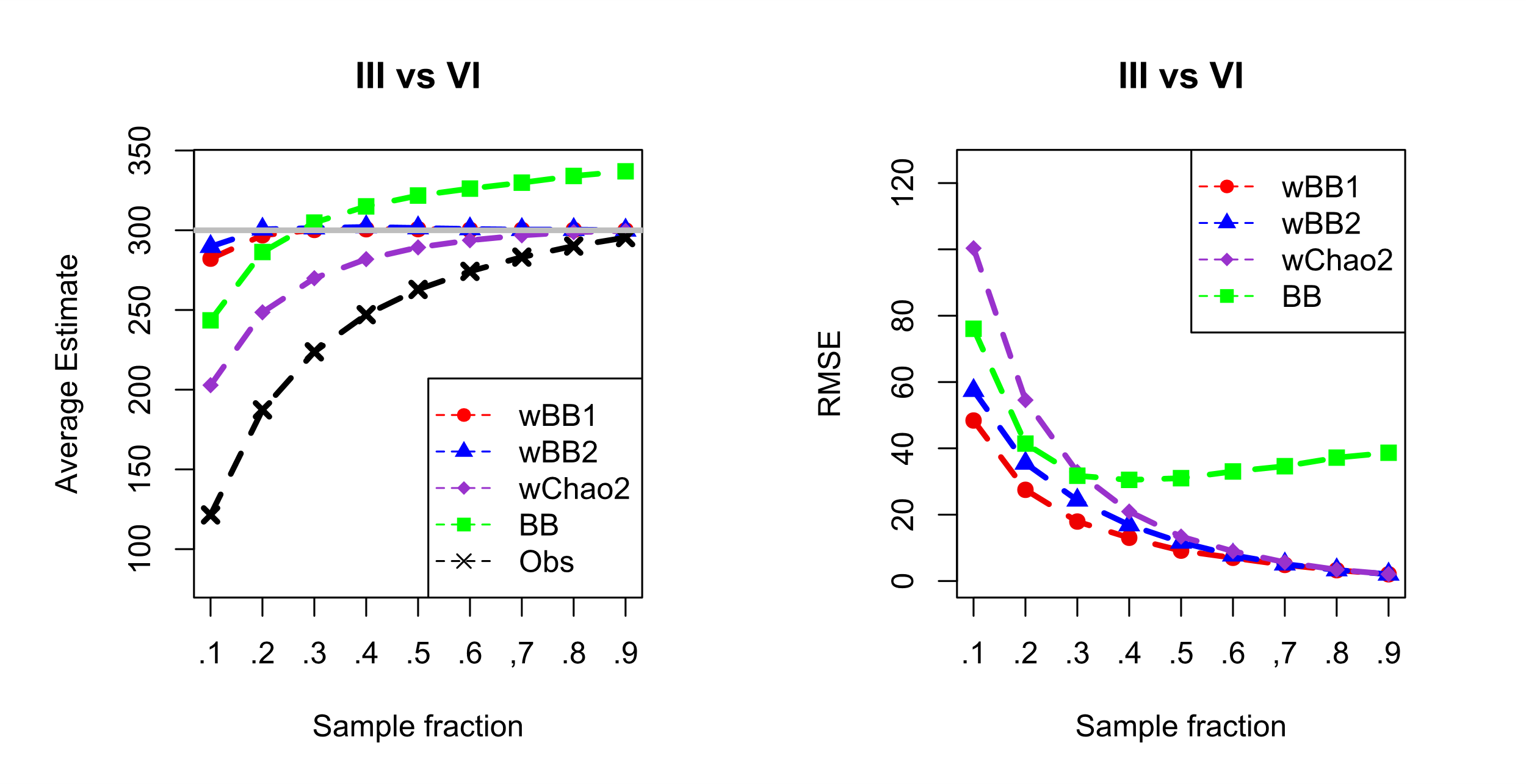


Figure 4.8群落一為Broken-stick模型，群落二為對數常數模型之情況下的估計結果。400，300。

## 真實資料模擬

除了使用模擬母體進行重複抽樣的模擬之外，亦使用兩筆真實數據做為母體進行1000次的重複抽樣，以評斷估計式的結果優劣。

### 澳洲三種極端氣候鳥類資料

#### 資料描述

針對澳洲東南部半乾旱地區的尤加利樹林地，量化三個氣候時期178 個地點的極端氣候對鳥類物種出現 (species occurrence)、物種豐富度(species richness) 和出現率 (incidence) 的影響——聖嬰現象相關的乾旱 (Big Dry)、反聖嬰現象破壞性降雨 (Big Wet)，以及反聖嬰現象事件三年後 (Post-Big Wet)。並使用Big Dry 作為群落一使用 (Mean = 0.05, CV = 1.65)，其中共存在55種物種；Big Wet 作為群落二使用 (Mean = 0.13, CV = 1.53)，其中共存在65種物種。Post-Big Wet作為群落三使用 (Mean = 0.12, CV = 1.61)，其中共存在56種物種。

#### 模擬結果

在該筆資料中使用取後放回的估計方法下，假設該筆資料為母體，並抽取其中的區塊做為樣本所使用。使用*New*的估計結果與真值的差異，明顯表現較*Pan*佳。在估計式評估標準上，使用RMSE與95% CI Coverage 進行評估，在兩種評估標準的結果表明，在小樣本中，RMSE在*New*估計方式中的評估結果劣於*Pan*；而在95% CI Coverage的模型評估上，兩者並無明顯差異，值得注意的是在本資料模擬中，隨著抽樣比例的增加，95% CI Coverage的結果會隨之下降。

Table 4.9取後放回澳洲三種極端氣候鳥類資料集中的Big Dry與Big Wet估計結果。

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| sample size | Estimator | Obs | AVG Estimate | Bias | Sample SE | Est. SD | RMSE | 95% CI Coverage |
| 20 | New | 25.54 | 40.84 | -8.16 | 15.08 | 12.58 | 17.13 | 0.8 |
| Pan | 37.54 | -11.46 | 10.53 | 8.79 | 15.56 | 0.81 |
| 60 | New | 37.39 | 46.03 | -2.97 | 9.69 | 8.18 | 10.13 | 0.75 |
| Pan | 44.16 | -4.84 | 6.97 | 5.89 | 8.48 | 0.77 |
| 100 | New | 41.48 | 47.89 | -1.11 | 8.92 | 6.78 | 8.98 | 0.7 |
| Pan | 46.44 | -2.56 | 6.49 | 4.94 | 6.97 | 0.72 |
| 140 | New | 43.66 | 48.91 | -0.09 | 7.21 | 6.13 | 7.21 | 0.69 |
| Pan | 47.72 | -1.28 | 5.35 | 4.46 | 5.49 | 0.71 |

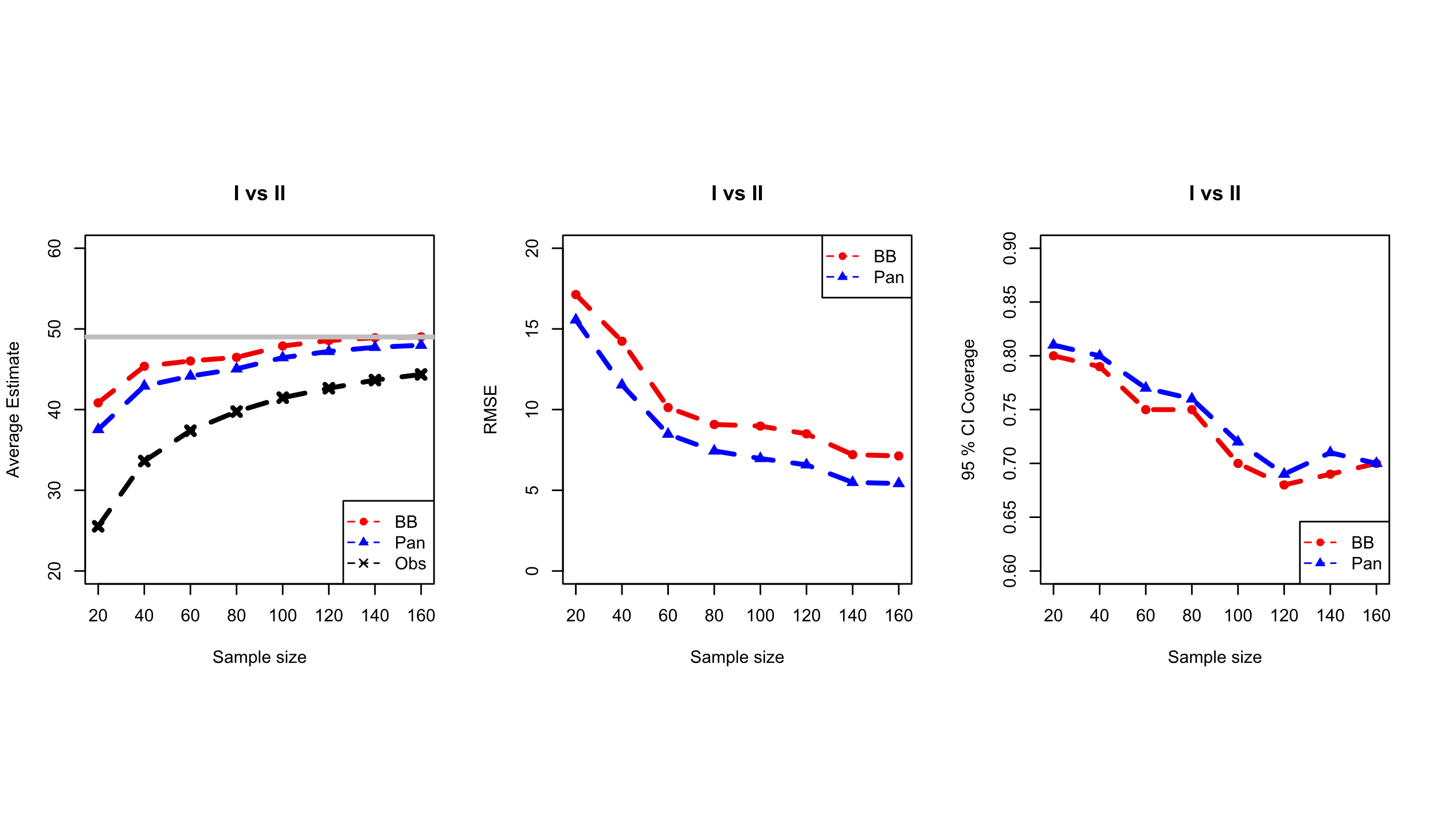


Figure 4.9取後放回澳洲三種極端氣候鳥類資料集中的Big Dry與Big Wet估計結果。

Table 4.10取後放回澳洲三種極端氣候鳥類資料集中的Big Dry與Post-Big Wet估計結果。

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| sample size | Estimator | Obs | AVG Estimate | Bias | Sample SE | Est. SD | RMSE | 95% CI Coverage |
| 20 | New | 24.27 | 40.19 | -11.81 | 14.49 | 13.1 | 18.69 | 0.82 |
| Pan | 36.69 | -15.31 | 10.14 | 9.13 | 18.36 | 0.84 |
| 60 | New | 37.16 | 47.37 | -4.63 | 10.54 | 9.4 | 11.51 | 0.8 |
| Pan | 45.27 | -6.73 | 7.85 | 6.67 | 10.33 | 0.79 |
| 100 | New | 41.93 | 49.97 | -2.03 | 9.39 | 8 | 9.6 | 0.76 |
| Pan | 48.09 | -3.91 | 6.9 | 5.76 | 7.93 | 0.75 |
| 140 | New | 44.6 | 51.59 | -0.41 | 8.53 | 7.41 | 8.53 | 0.77 |
| Pan | 49.88 | -2.12 | 6.22 | 5.31 | 6.56 | 0.76 |

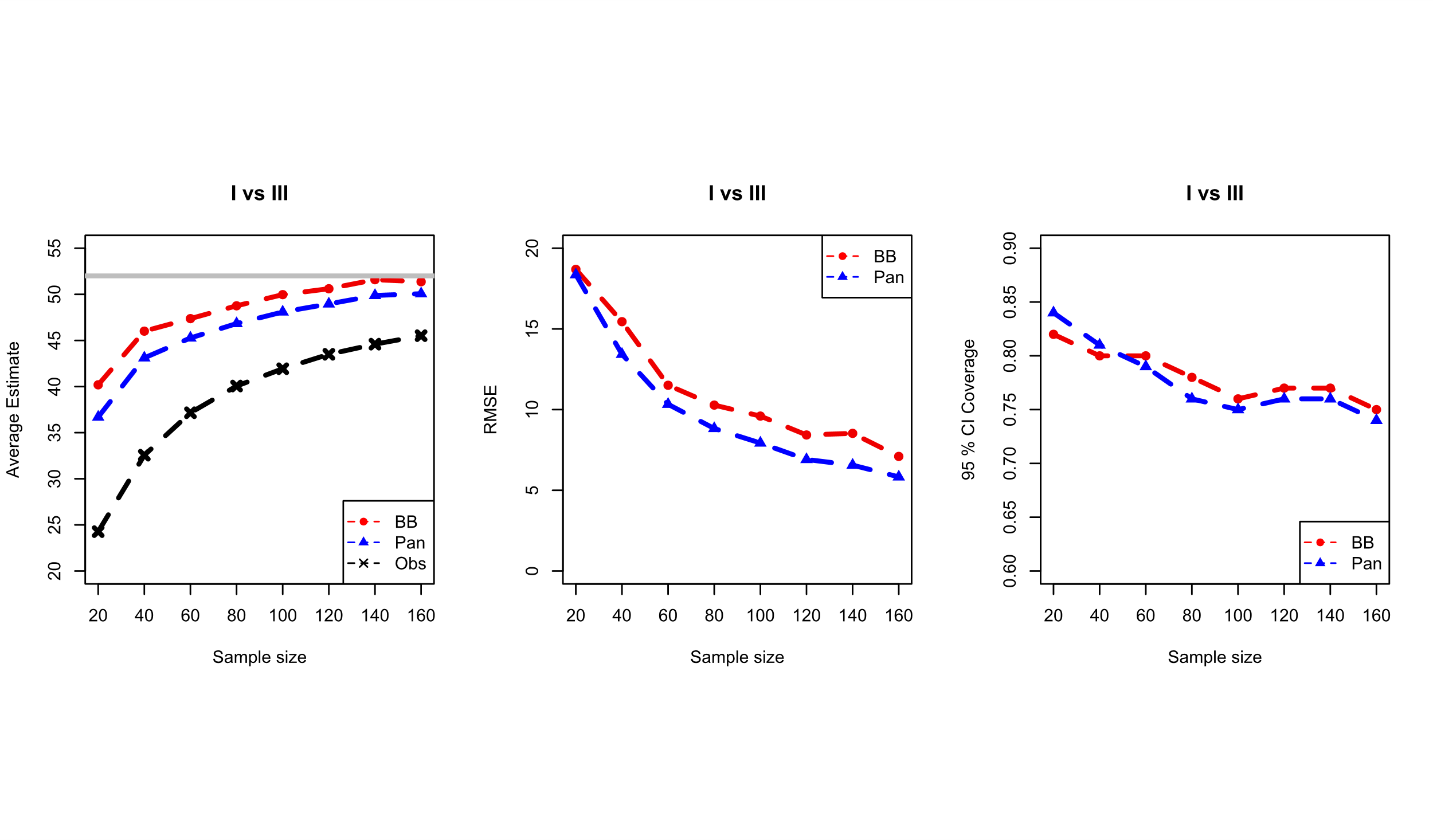


Figure 4.10取後放回澳洲三種極端氣候鳥類資料集中的Big Dry與Post-Big Wet估計結果。

Table 4.11取後放回澳洲三種極端氣候鳥類資料集中的Big Wet與Post-Big Wet估計結果。

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| sample size | Estimator | Obs | AVG Estimate | Bias | Sample SE | Est. SD | RMSE | 95% CI Coverage |
| 20 | New | 30.82 | 45.86 | -10.14 | 14.51 | 12.74 | 17.7 | 0.8 |
| Pan | 42.88 | -13.12 | 10.5 | 8.99 | 16.8 | 0.81 |
| 60 | New | 42.91 | 51.52 | -4.48 | 9.09 | 8.42 | 10.13 | 0.8 |
| Pan | 49.88 | -6.12 | 6.76 | 6.13 | 9.12 | 0.8 |
| 100 | New | 47.31 | 54.12 | -1.88 | 8.64 | 7.23 | 8.84 | 0.76 |
| Pan | 52.73 | -3.27 | 6.3 | 5.29 | 7.1 | 0.77 |
| 140 | New | 49.53 | 55.47 | -0.53 | 7.6 | 6.77 | 7.62 | 0.74 |
| Pan | 54.15 | -1.85 | 5.59 | 4.97 | 5.88 | 0.75 |

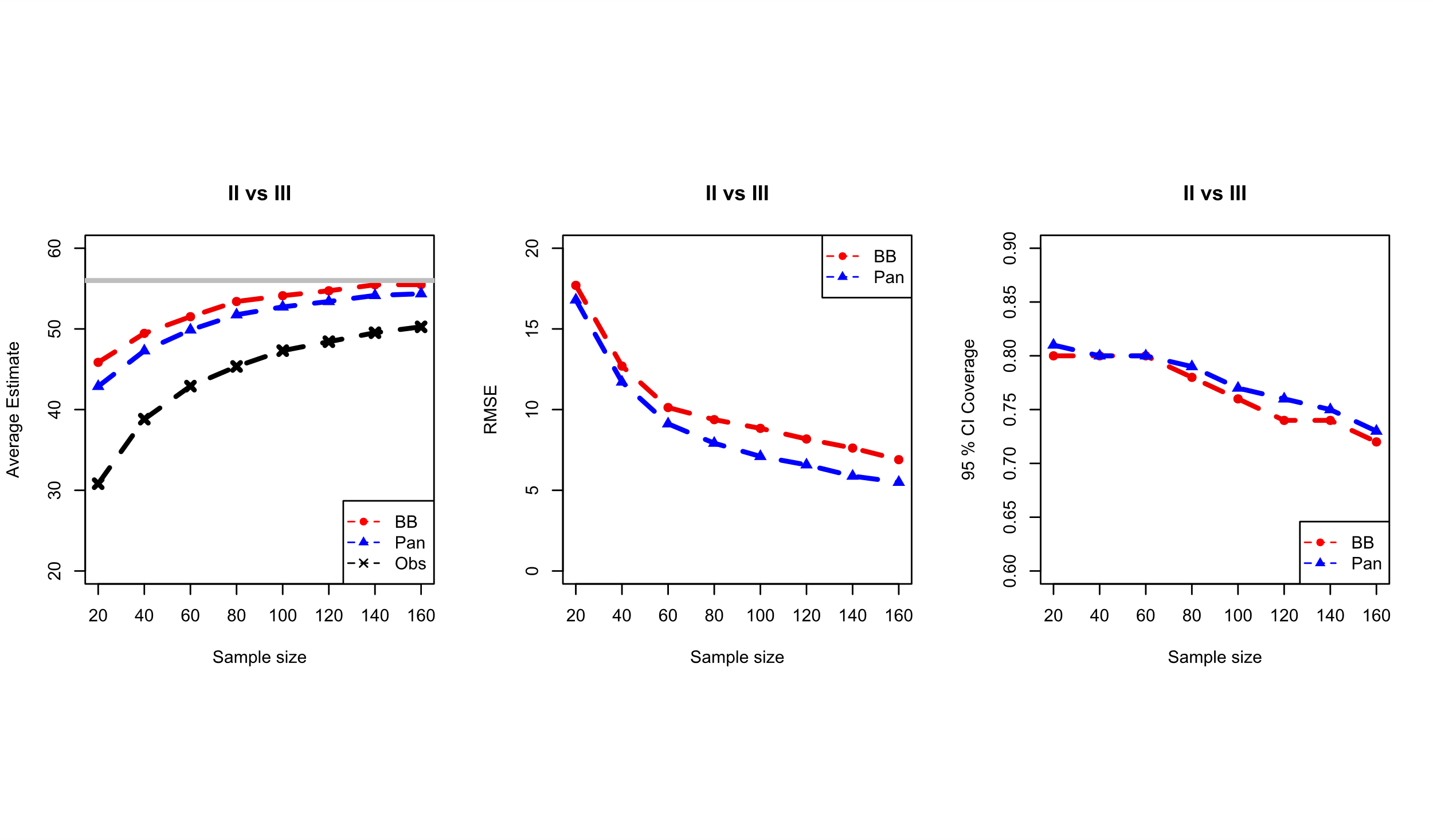


Figure 4.11取後放回澳洲三種極端氣候鳥類資料集中的Big Wet與Post-Big Wet估計結果。

### BCI

#### 資料描述

本資料集中，針對1981-2016年間對Barro Colorado Island進行八次調查，紀錄該地區樹種與莖幹的生長狀況。將該地區非為1250個區塊進行調查，每塊區塊的大小為400平方公尺。以第一次與第八次的調查結果作為兩群落之母體資料，並使用母體的10%、30%、50% 以及70% 昨為抽樣樣本大小。在兩母體中，第一次調查作為群落一 (Mean =0.16, CV = 1.41)，第八次調查作為群落二 (Mean =0.16, CV = 1.45)，在群落一中，包含了307種物種，而群落二中則擁有299種物種，兩群落的共同物種為284種。

#### 模擬結果

在該筆資料中使用取後不放回的估計方法下，假設該筆資料為母體，並抽取其中的區塊做為樣本所使用。在模擬結果中，使用*wNew2*的估計方法在小樣本中與真值差異最小。在抽樣比例為0.1時平均的樣本標準差估計 (Average estimated SE) ，與樣本標準差 (Sample SE) 存在較大的差異，隨著抽樣比例增加差異逐漸減小。在估計式評估標準上，使用RMSE與95% CI Coverage 進行評估，在兩種評估標準的結果表明，在小樣本中，*wNew1*與*wNew2*的估計明顯較*wChao2*的結果較好，但在隨著樣本變大，RMSE在三種估計方式中的評估結果沒有明顯差異；而在95% CI Coverage的模型評估上，*wNew1*在小樣本中的結果明顯較其他兩者好。

Table 4.12取後不放回BCI資料集中的兩群落估計結果。

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| q | Estimator | Obs | AVG Estimate | Bias | Sample SE | Est. SD | RMSE | 95% CI Coverage |
| 0.1 | wNew1 | 225.24 | 272.6 | -11.4 | 24.29 | 26.06 | 26.82 | 0.97 |
| wNew2 | 297.63 | 13.63 | 47.35 | 34.37 | 49.25 | 0.92 |
| wChao2 | 253.31 | -30.69 | 19.56 | 13.09 | 36.38 | 0.81 |
| New | 263.89 | -20.11 | 26.59 | 21.9 | 33.33 | 0.85 |
| 0.3 | wNew1 | 245.65 | 281.82 | -2.18 | 17.38 | 15.93 | 17.51 | 0.95 |
| wNew2 | 291.12 | 7.12 | 24.41 | 18.74 | 25.41 | 0.9 |
| wChao2 | 266.94 | -17.06 | 12.53 | 9.38 | 21.17 | 0.83 |
| New | 279.86 | -4.14 | 23.86 | 19.53 | 24.2 | 0.84 |
| 0.5 | wNew1 | 256.57 | 282.64 | -1.36 | 11.78 | 10.51 | 11.85 | 0.93 |
| wNew2 | 287.81 | 3.81 | 14.91 | 11.69 | 15.38 | 0.88 |
| wChao2 | 272.93 | -11.07 | 9.05 | 7.26 | 14.3 | 0.84 |
| New | 285.87 | 1.87 | 20.04 | 17.11 | 20.12 | 0.85 |
| 0.7 | wNew1 | 263.97 | 284.41 | 0.41 | 8.81 | 7.86 | 8.82 | 0.92 |
| wNew2 | 286.98 | 2.98 | 10.12 | 8.19 | 10.55 | 0.89 |
| wChao2 | 277.76 | -6.24 | 7.26 | 6.06 | 9.57 | 0.85 |
| New | 293.78 | 9.78 | 20.78 | 17.52 | 22.95 | 0.85 |

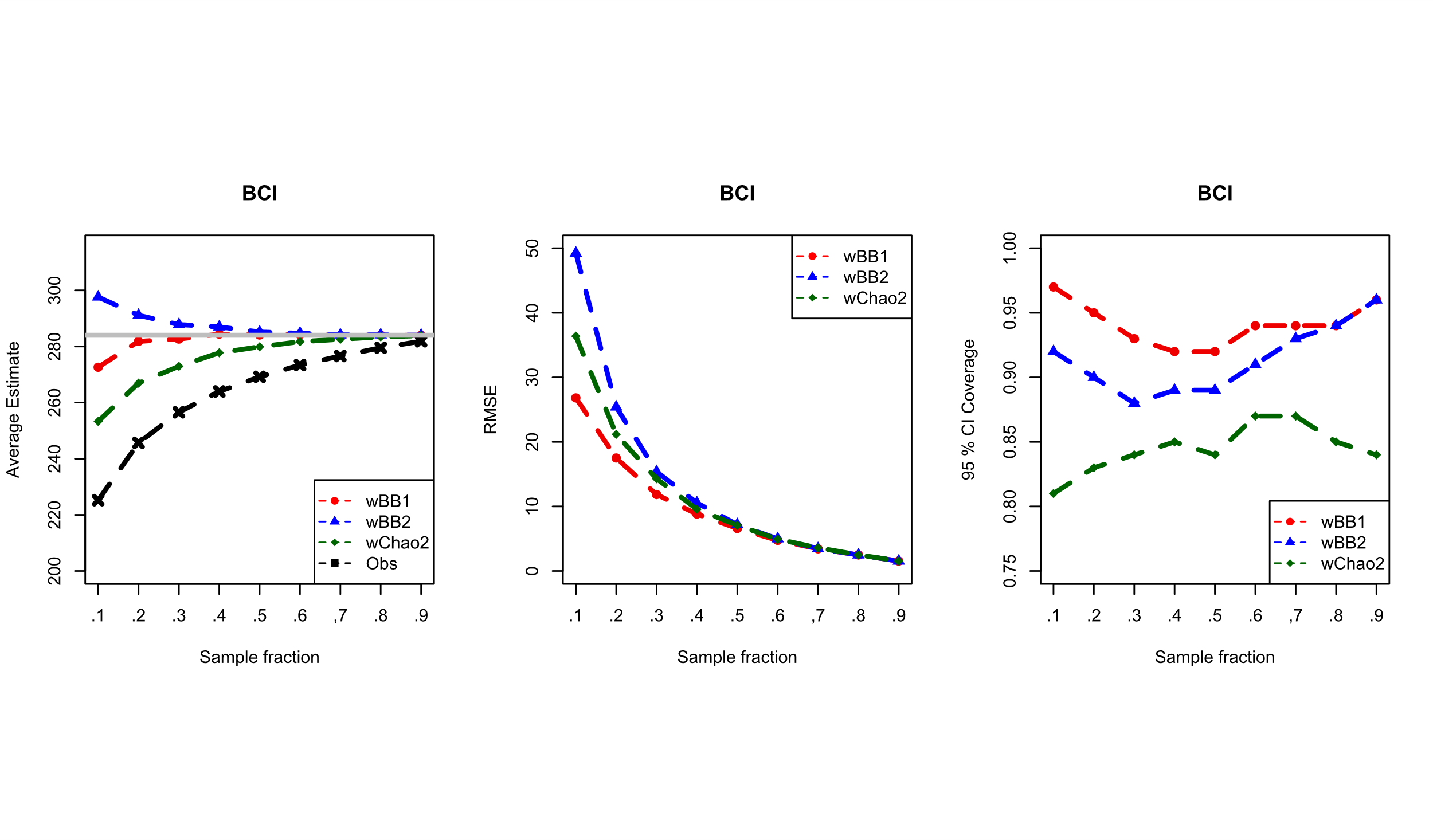


Figure 4.12取後不放回BCI資料集中的兩群落估計結果。

## 討論

# 實例分析

## 紅杉國家公園內苔蘚資料

在紅杉國家公園內苔蘚 (Wilson and Coleman, 2022) 資料集中，蒐集加州內華達山脈 (California's Sierra Nevada) 的西部坡地，對苔蘚植物進行調查，範圍從海拔380公尺到3,578公尺之間，選擇25平方公尺的區塊作為抽樣地區。其中包含夏季乾燥且冬季溫暖的氣候地區的丘陵地區，以及夏季短、具有積雪的高山地區。在本資料集中依照海拔高低大致分為以下四個群落：

1. 山麓 (F, foothill) 海拔1200公尺以下，該地區以地中海型氣候為主要特徵：夏季炎熱乾燥；冬季則為涼爽，通常都在冰點以上。降水形式以降雨為主。其中包含67個區塊以及132種物種 (Mean = 0.08，CV = 1.17)，且僅出現在單一區塊的物種具有48種。該地區的樣本覆蓋率為0.91。
2. 下針葉林帶 (LC, lower conifer) 海拔1200至2440公尺，在該地區主要的植被有巨型紅杉、雪松與白冷杉等。在下針葉林帶，主要的降水量以降雨和降雪為主。該地區氣候在夏季時非常乾燥，但在冬天時的積雪會滲透到土壤中變得相對涼爽。其中包含100個區塊以及162種物種 (Mean = 0.05，CV = 1.17) ，且僅出現在單一區塊的物種具有59種。該地區的樣本覆蓋率為0.93。
3. 上針葉林 (UC, upper conifer) 海拔2440至2750公尺，該地區氣溫較低，生長季較短。該地區被河流切割，與其他地區相比土壤相對較少，裸岩較多，且腐木會迅速乾枯，較不利於苔癬生長。其中包含17個區塊以及53種物種 (Mean = 0.11，CV = 0.66) ，且僅出現在單一區塊的物種具有28種。該地區的樣本覆蓋率為0.74。
4. 高地地區 (H, high country) 海拔2750公尺以上，該地區冬季寒冷且漫長，夏季短而乾燥，大部分的水分來自於夏季融雪。植被相較其他區域更矮小，土壤為裸岩與碎石居多。但因融雪灌溉，因此該地潮濕的棲息地不斷增加，包括溪流、季節性滲漏 (seepages)、湖泊、草地和沼澤等地形。其中包含69個區塊以及92種物種 (Mean = 0.07，CV = 1.28) ，且僅出現在單一區塊的物種具有39種。該地區的樣本覆蓋率為0.91。

### 以取後放回的抽樣方法估計

在假設該筆資料為取後放回的抽樣方式，並依照相對應的估計方法分別針對各群落進行估計的結果，在山麓、下針葉林、上針葉林以及高地地區，各自分別擁有273.9 ± 59.1、261.4 ± 33.9、96.9 ± 31.8以及 159.9 ± 46種物種，該估計結果為平均數標準差。

隨後將該資料及做為樣本使用，估計兩群落之間的共同物種數，在多數估計，無論是在共同物種數的估計值或是標準差的估計結果中，*BB*所估計之結果高於*Pan*所估計之，此情況與上一章所呈現之電腦模擬的結果相符。

並經由Jaccard 指數量化四群落間的*Beta*多樣性結果可以得知，山麓地區與下針葉林地區具有最相似的群落組成，而與其不相鄰的兩區域則具有最高的群落相異性；在上針葉林地區方面，與其相鄰的兩群落比起不相鄰的山麓地區具有更高的相似性。值得注意的是，在下針葉林的部分，在比較其與上針葉林地區與高地地區的群落相異程度之後，發現在與之不相鄰的高地地區反而相較於相鄰的上針葉林地區具有更高的群落相似性。

繪製在未使用估計式修正僅使用觀測值作為群落物種數，與使用估計式修 正群落物種數後之估計結果的樹狀結構圖 (dendrogram) 。在分類樹結果中，可以看到，僅由觀測值作為依據所繪製之分類樹結果，將山麓地區與下針葉林分為一類群，而上針葉林與高地地區做為第二類群；但在估計出的結果中，則是在山麓地區與下針葉林具有最近的距離，隨後與該群相近的為高地地區，而在上針葉林則與其餘三群落具有更遠的距離。在使用估計式修正群落內物種數所量化之*Beta*多樣性結果，相較於直接使用觀測物種數所估計之結果之間會有所不同。

綜上所述，可知在分析群落間的 *Beta* 多樣性時，使用估計式修正群落物種數可能比直接使用觀測值計算的結果更能反映群落間的真實相似性關係。

Table 5.1取後放回之紅杉國家公園內苔蘚的兩群落間共同種估計結果。

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Estimator | Obs | Estimate | Est. SD | 95% CI bound | Jaccard |
|
| F & LC | BB | 80 | 158.39 | 33.81 | (114.89, 256.13) | 0.53 |
| Pan | 129.11 | 19.11 | (103.53, 182.52) | 0.47 |
| F & UC | BB | 21 | 53.13 | 17.61 | (32.77, 108.72) | 0.81 |
| Pan | 41.03 | 11.42 | (28.08, 77.68) | 0.78 |
| F & H | BB | 24 | 101.43 | 41.27 | (53.06, 230.33) | 0.67 |
| Pan | 73.19 | 27.2 | (41.88, 159.37) | 0.63 |
| LC & UC | BB | 43 | 62.42 | 16.19 | (47.68, 123.66) | 0.8 |
| Pan | 58.36 | 8.48 | (48.59, 85.21) | 0.77 |
| LC & H | BB | 53 | 91.03 | 28.46 | (63.29, 193.54) | 0.71 |
| Pan | 85.36 | 14.62 | (66.91, 128.3) | 0.67 |
| UC & H | BB | 30 | 41.25 | 12.27 | (31.99, 93.77) | 0.82 |
| Pan | 41.7 | 7.11 | (33.9, 65.12) | 0.79 |

Table 5.2取後放回之紅杉國家公園內苔蘚的兩群落間物種數與Jaccard估計結果。

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  | Estimator | Estimate | Jaccard |
| F & LC | Obs | 214 | 0.63 |
| BB | 339.99 | 0.53 |
| Chao2 | 297.99 | 0.47 |
| F & UC | Obs | 164 | 0.87 |
| BB | 277.32 | 0.81 |
| Chao2 | 239.54 | 0.78 |
| F & H | Obs | 200 | 0.88 |
| BB | 311.4 | 0.67 |
| Chao2 | 274.27 | 0.63 |
| LC & UC | Obs | 172 | 0.75 |
| BB | 314.92 | 0.8 |
| Chao2 | 267.28 | 0.77 |
| LC & H | Obs | 201 | 0.74 |
| BB | 316.99 | 0.71 |
| Chao2 | 278.33 | 0.67 |
| UC & H | Obs | 115 | 0.74 |
| BB | 233.65 | 0.82 |
| Chao2 | 194.1 | 0.79 |

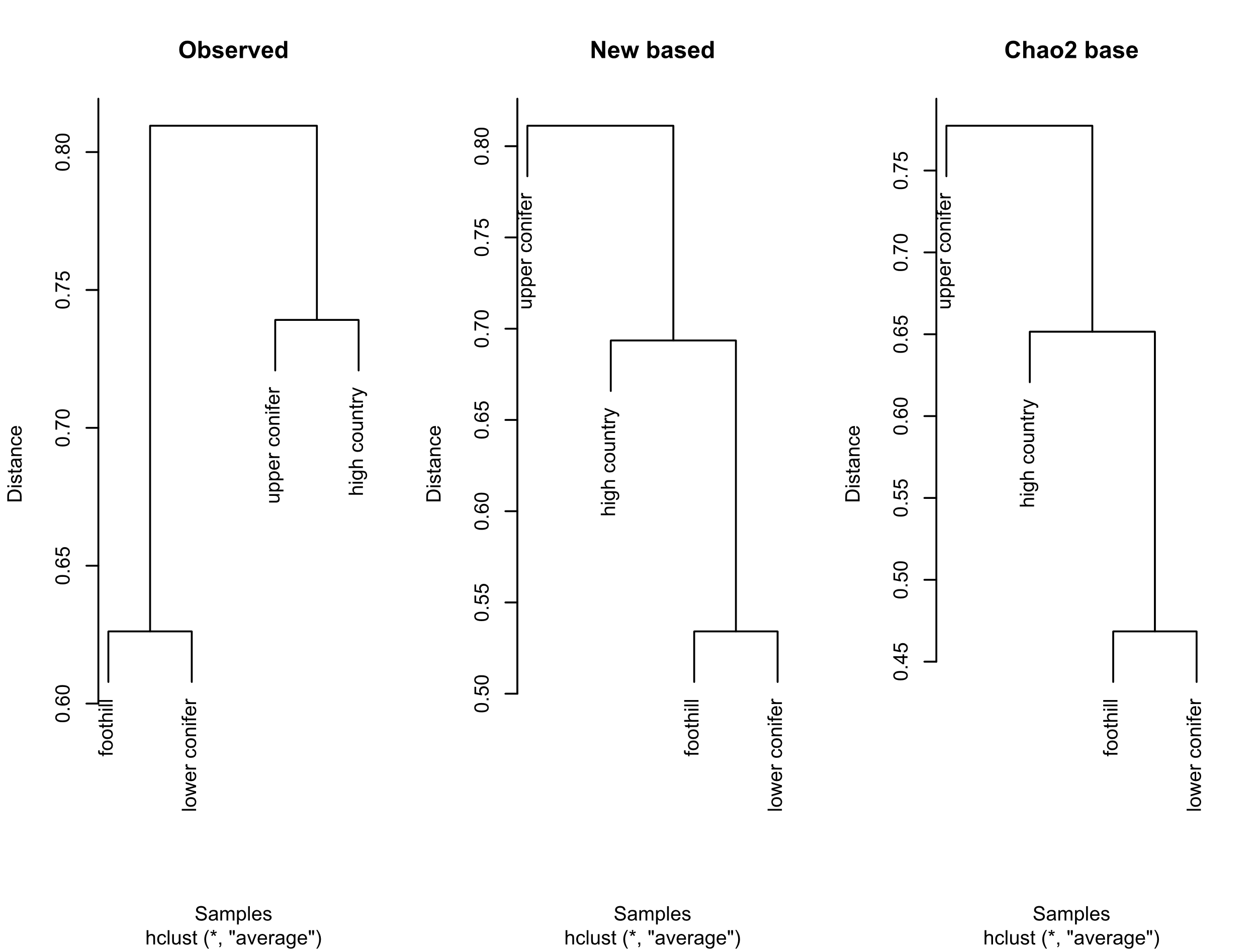


Figure 5.1利用觀測物種數與分別使用兩種估計方法估計的物種數，繪製分類樹。

### 以取後不放回的抽樣方法估計

在假設該筆資料為取後不放回的抽樣方式，並依照相對應的估計方法分別針對各群落進行估計的結果。且由於該資料集中尚未提及抽樣比例，故假設在抽樣比例為0.3、0.5與0.7的結果，估計四個群落的物種數與兩群落之間的共同物種數 。

Table 5.3不同抽樣比例之單群落物種數估計 (mean SD)。

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Community | 0.3 | 0.5 | 0.7 |
| foothill | 196.77.1 | 168.45.6 | 150.14.1 |
| lower conifer | 241.58.7 | 221.97.4 | 205.56.2 |
| upper conifer | 47.51.4 | 35.75.1 | 28.96.8 |
| high country | 137.26.5 | 119.95.2 | 107.13.8 |

將該資料及做為樣本使用，估計兩群落之間的共同物種數。隨著抽樣比例的增加，所估計共同物種數隨之減少，這是由於在取後不放回的估計中，抽樣比例為重要參數，將影響估計結果。在量化四群落間的*Beta*多樣性結果中，同樣也獲得大多數情況下兩相鄰的群落會較不相鄰的群落之間，具有更高的群落相似性的結果，並在下針葉林以及高地地區的結果中有所例外。而在分類樹的建構中， 當假設的抽樣比例較小時，與取後放回的估計結果相似——山麓地區與下針葉林地區為一類群，而上針葉林地區與高地地區則是分別作為一類群。其次，與山麓地區與下針葉林地區的類群更為相似的群落為高地地區。而隨著假設的抽樣比例的增加，所繪製之估計的分類樹結果，在結構方面與觀測值更為相似，且群落之間的距離差異增加。

綜上所述，結合上取後放回的估計結果，可以推斷在分類樹建構中，使用不同的估計方式所估計之*Beta*多樣性結果有所差異，隨之會導致生成的分類樹也有所不同。這表明在選用估計方式時，需針對不同取樣方式的樣本，配合相對應之估計方法，才得以確保估計時的準確性。

Table 5.4假設抽樣比例為0.3下，紅杉國家公園內苔蘚各群落之間共同物種數之估計結果。

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Sim. | Estimator | Obs | Est. | Est. SD | 95% CI bound | Jaccard |
| F & LC | wNEW | 80 | 135.45 | 19.2 | (97.81, 173.09) | 0.54 |
| wChao2 | 116.69 | 12.11 | (99.53, 148.92) | 0.49 |
| F & UC | wNEW | 21 | 50.41 | 16 | (19.04, 81.77) | 0.78 |
| wChao2 | 46.94 | 12.97 | (31.28, 86.45) | 0.76 |
| F & H | wNEW | 24 | 78.78 | 20.79 | (38.03, 119.53) | 0.71 |
| wChao2 | 80.71 | 26.26 | (47.91, 158.54) | 0.69 |
| LC & UC | wNEW | 43 | 64.86 | 9.53 | (46.19, 83.53) | 0.74 |
| wChao2 | 56.64 | 6.61 | (48.55, 76.57) | 0.72 |
| LC & H | wNEW | 53 | 90.06 | 13.4 | (63.79, 116.33) | 0.67 |
| wChao2 | 75.78 | 8.92 | (63.87, 100.75) | 0.64 |
| UC & H | wNEW | 30 | 45.65 | 7.26 | (31.42, 59.88) | 0.75 |
| wChao2 | 39.19 | 5.19 | (33.28, 55.76) | 0.72 |

Table 5.5假設抽樣比例為0.5下，紅杉國家公園內苔蘚各群落之間共同物種數之估計結果。

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Sim. | Estimator | Obs | Est. | Est. SD | 95% CI bound | Jaccard |
| F & LC | wNEW | 80 | 111.47 | 9.14 | (93.56, 129.38) | 0.57 |
| wChao2 | 103.86 | 7.52 | (93.05, 123.63) | 0.56 |
| F & UC | wNEW | 21 | 36.07 | 6.3 | (23.73, 48.41) | 0.82 |
| wChao2 | 34.25 | 5.72 | (26.89, 50.81) | 0.82 |
| F & H | wNEW | 24 | 45.93 | 7.16 | (31.9, 59.96) | 0.81 |
| wChao2 | 45.63 | 7.03 | (35.62, 64.25) | 0.8 |
| LC & UC | wNEW | 43 | 57.17 | 5.62 | (46.16, 68.18) | 0.74 |
| wChao2 | 53.18 | 4.77 | (47.26, 67.36) | 0.73 |
| LC & H | wNEW | 53 | 75.25 | 7.49 | (60.57, 89.92) | 0.69 |
| wChao2 | 69.22 | 6.07 | (60.97, 85.99) | 0.68 |
| UC & H | wNEW | 30 | 40.28 | 4.6 | (31.26, 49.29) | 0.73 |
| wChao2 | 37.12 | 3.91 | (32.6, 49.47) | 0.72 |

Table 5.6假設抽樣比例為0.7下，紅杉國家公園內苔蘚各群落之間共同物種數之估計結果。

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Sim. | Estimator | Obs | Est. | Est. SD | 95% CI bound | Jaccard |
| F & LC | wNEW | 80 | 95.76 | 4.91 | (86.14, 105.38) | 0.6 |
| wChao2 | 93.58 | 4.58 | (87.13, 105.85) | 0.59 |
| F & UC | wNEW | 21 | 28.39 | 3.35 | (21.82, 34.96) | 0.85 |
| wChao2 | 27.87 | 3.27 | (23.83, 37.68) | 0.84 |
| F & H | wNEW | 24 | 33.03 | 3.61 | (25.95, 40.11) | 0.85 |
| wChao2 | 32.91 | 3.61 | (28.16, 43.13) | 0.85 |
| LC & UC | wNEW | 43 | 51.35 | 3.55 | (44.39, 58.3) | 0.74 |
| wChao2 | 49.85 | 3.31 | (45.79, 59.82) | 0.73 |
| LC & H | wNEW | 53 | 64.6 | 4.23 | (56.31, 72.88) | 0.71 |
| wChao2 | 62.73 | 3.87 | (57.59, 73.62) | 0.71 |
| UC & H | wNEW | 30 | 36.04 | 2.98 | (30.19, 41.88) | 0.73 |
| wChao2 | 34.87 | 2.77 | (31.72, 43.76) | 0.73 |

Table 5.7在不同抽樣比例的假設下，取後不放回之紅杉國家公園內苔蘚的兩群落間物種數與Jaccard估計結果。

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Estimator | Estimate | | |  | Jaccard | | |
| 0.3 | 0.5 | 0.7 |  | 0.3 | 0.5 | 0.7 |
| F & LC | Obs | 214 | | |  | 0.63 | | |
| BB | 291.31 | 259.99 | 237.65 |  | 0.54 | 0.57 | 0.6 |
| Chao2 | 268.06 | 250.64 | 234.92 |  | 0.49 | 0.56 | 0.59 |
| F & UC | Obs | 164 | | |  | 0.87 | | |
| BB | 231.39 | 205.05 | 184.81 |  | 0.78 | 0.82 | 0.85 |
| Chao2 | 212.48 | 196.81 | 182.7 |  | 0.76 | 0.82 | 0.84 |
| F & H | Obs | 200 | | |  | 0.88 | | |
| BB | 274.34 | 245.6 | 223.28 |  | 0.71 | 0.81 | 0.85 |
| Chao2 | 250.35 | 235.22 | 220.71 |  | 0.69 | 0.8 | 0.85 |
| LC & UC | Obs | 172 | | |  | 0.75 | | |
| BB | 250.59 | 217.49 | 194.98 |  | 0.74 | 0.74 | 0.74 |
| Chao2 | 229.44 | 209.56 | 192.78 |  | 0.72 | 0.73 | 0.73 |
| LC & H | Obs | 201 | | |  | 0.74 | | |
| BB | 276.55 | 246.42 | 224.34 |  | 0.67 | 0.69 | 0.71 |
| Chao2 | 252.48 | 236.61 | 221.71 |  | 0.64 | 0.68 | 0.71 |
| UC & H | Obs | 115 | | |  | 0.74 | | |
| BB | 180.07 | 151.74 | 133.09 |  | 0.75 | 0.73 | 0.73 |
| Chao2 | 161.75 | 145.26 | 131.59 |  | 0.72 | 0.72 | 0.73 |

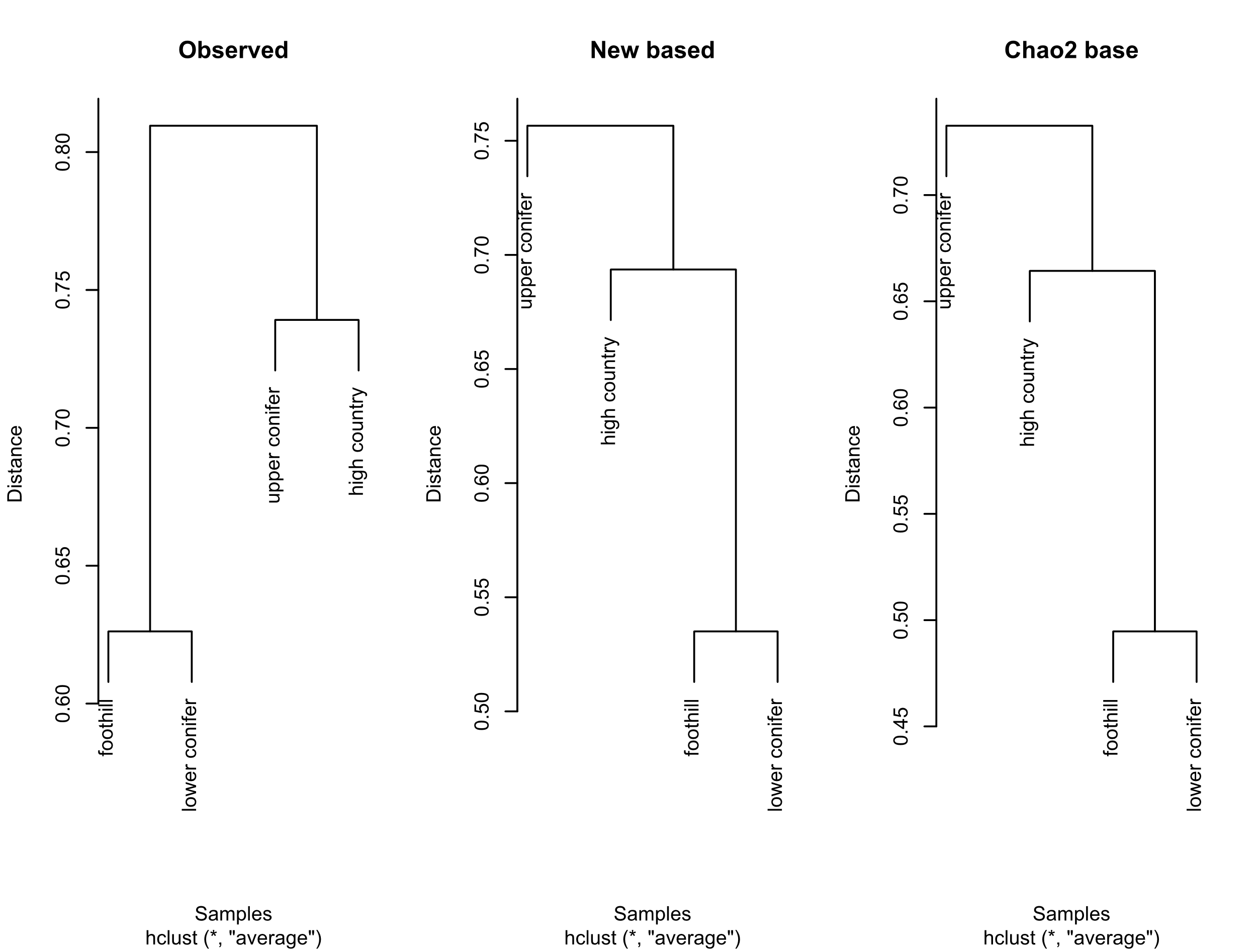


Figure 5.2假設抽樣比例為0.3時，利用觀測物種數與分別使用兩種估計方法估計的物種數，繪製分類樹。

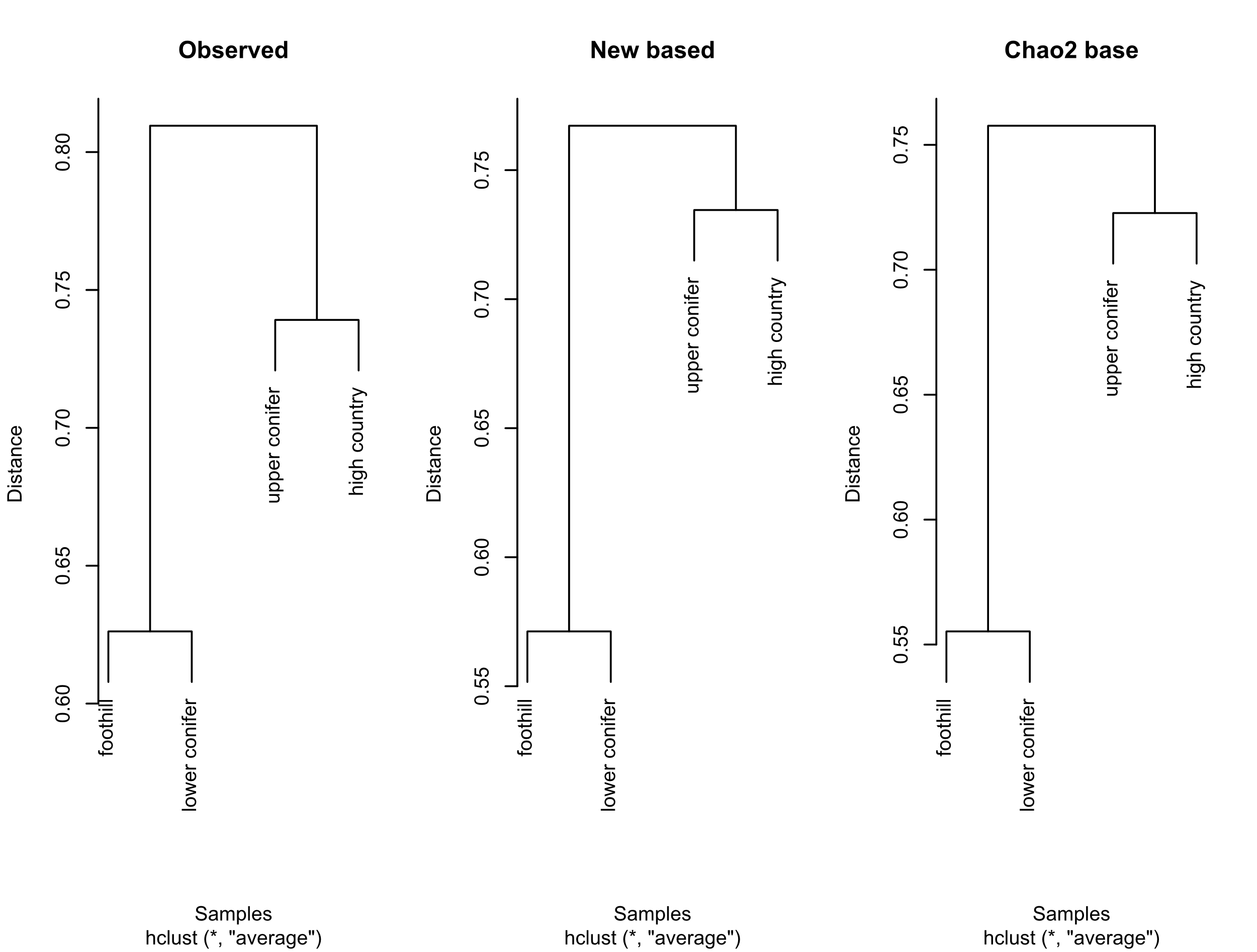


Figure 5.3假設抽樣比例為0.5時，利用觀測物種數與分別使用兩種估計方法估計的物種數，繪製分類樹。

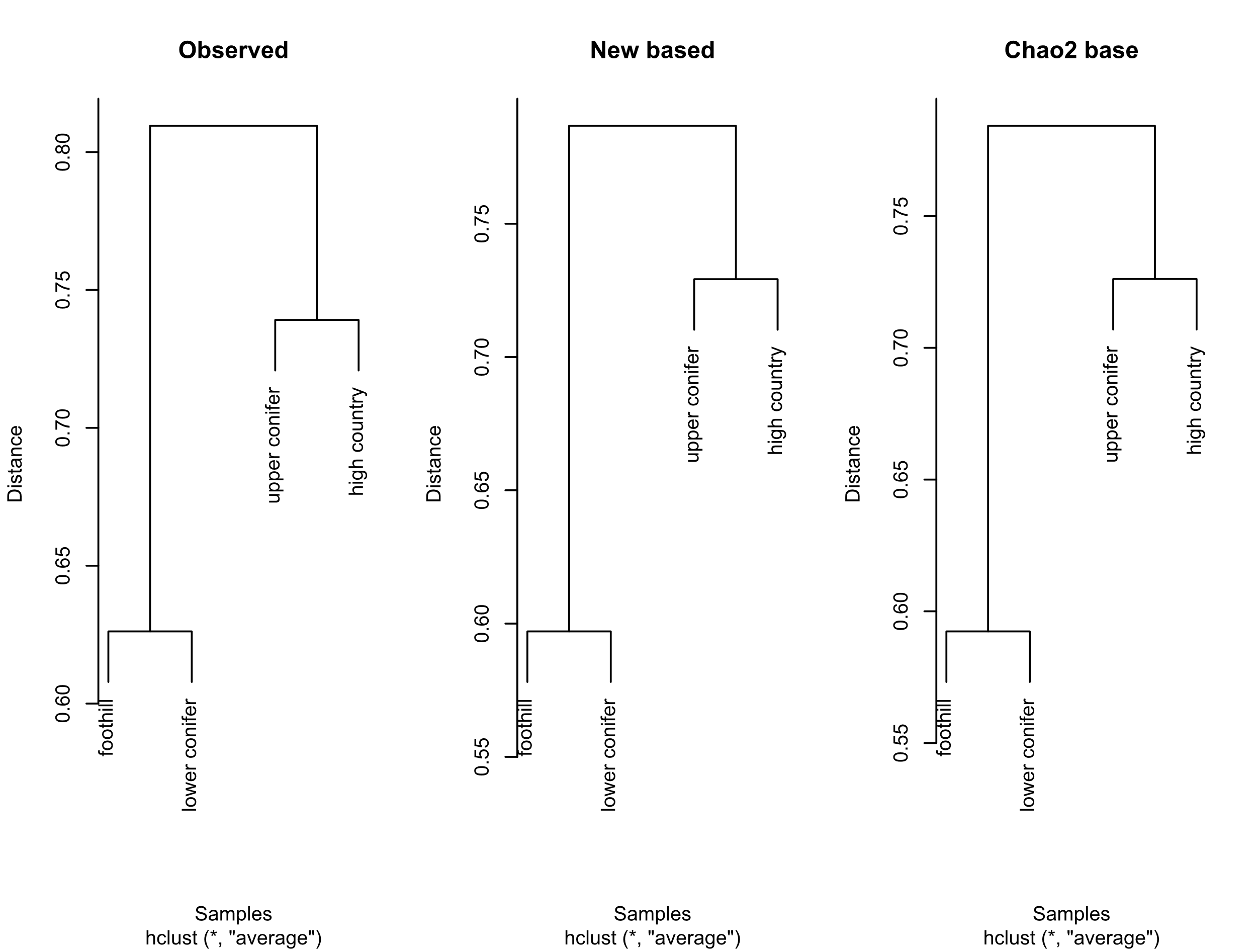


Figure 5.4假設抽樣比例為0.7時，利用觀測物種數與分別使用兩種估計方法估計的物種數，繪製分類樹。

# 結論與後續研究

# 參考文獻

# 附錄